

7-8 класс

Тестовая часть

За всю тестовую часть можно получить максимум 30 баллов.

4 вопроса, в каждом из которых нужно определить, верным или неверным является утверждение. Каждый правильный ответ приносит вам **1 балл**.

1. Средние издержки на производство товара могут как убывать по выпуску, так и возрастать.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: а

Комментарий: Например, для функции $TC = Q^2$ средние издержки ($AC = Q$) будут возрастать, а для функции $TC = 10Q - Q^2$ для $Q \leq 10$ ($AC = 10 - Q$) – убывать.

2. Если государство хочет собрать больше налоговых сборов, то ему обязательно нужно поднять ставку налога.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: b

Комментарий: При повышении ставки налога происходит два эффекта. С одной стороны, растёт ставка и значит налоговые сборы растут. С другой стороны, снижается налогооблагаемая база (например, уменьшается количество на рынке; снижаются стимулы зарабатывать больше; повышаются стимулы скрывать доходы) и тем самым, налоговые сборы уменьшаются. Поэтому, как правило, при достаточно высокой ставке налога выгодно её снизить и утверждение является неверным.

3. Если магазин сначала повысит цену на 10%, а потом снизит её на 10%, то цена не изменится

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: b

Комментарий: Пусть изначально цена равнялась P . Тогда при увеличении на 10% она стала равна $P + 0.1P = 1.1P$. Теперь при уменьшении на 10% она станет равна $1.1P - 0.1(1.1P) = 0.9 \cdot 1.1P = 0.99P \neq P$

4. Василий владеет автомобилем, который он может сдавать в аренду за 1000 рублей в сутки. Из этого следует, что ему выгодно сдавать автомобиль в аренду.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: b

Комментарий: Василию может быть не выгодно сдавать машину в аренду, так как от пользования ей он может получать большие выгоды, чем от сдачи в аренду. Например, если Василий работает таксистом и получает 5000 рублей за смену, то сдав машину, он не сможет выйти на работу и будет иметь отрицательную экономическую прибыль (экономическая прибыль включает в себя неявные (альтернативные) издержки, в данном случае - 5000 рублей за смену в такси).

4 вопроса, в каждом из которых среди четырех вариантов нужно выбрать единственно верный или наиболее полный ответ. Правильный ответ приносит **3 балла**.

5. С проблемой экономического выбора сталкивается:

(a) Бизнесмен при выборе наилучшего места для строительства склада для товаров;

(b) Семья при выборе макарон среди различных видов в супермаркете;

(c) Репетитор Рэм при выборе между досугом и проведенным занятием;

(d) Верно все вышеперечисленное;

Ответ: d

Комментарий: Экономический выбор - это выбор, обусловленный главной проблемой экономики: ограниченностью ресурсов, но неограниченностью потребностей. Бизнесмен ищет самую лучшую локацию с учетом бюджета, заложенного на строительство, семья максимизирует полезность с учетом дохода, который она получает, репетитор максимизирует полезность с учетом его бюджетно-временного ограничения.

6. Что из перечисленного исследует макроэкономика?

(a) Уровень цен на отдельном рынке;

(b) Уровень издержек фирмы;

(c) Уровень безработицы в регионе;

(d) Оптимальный выбор индивидуума.

Ответ: c

Пояснение: Предметом изучения макроэкономики является экономика страны в целом, различные показатели и статистики. Одной из таких статистик является безработица, остальное принадлежит к микроэкономике.

7. Чак-чак можно определенно отнести к:

(a) Товарам роскоши;

(c) Инфериорным товарам;

(b) Товарам первой необходимости;

(d) Ни к одному из этих видов.

Ответ: d

Пояснение: Подобное деление на различные типы товаров является субъективным, следовательно относить чак-чак к какой-то группе товаров некорректно.

8. При производстве 10 единиц товара средние издержки (издержки на единицу товара) составили 100 д.е., точно такие же средние издержки у фирмы и при производстве 12 единиц товара. Также известно, что одиннадцатую единицу товара стоит произвести 120 д.е. Чему равны издержки на производство двенадцатой единицы, если выпуск может быть выражен только целым числом?

- (a) 10; (b) 80; (c) 100; (d) 120.

Ответ: b

Комментарий: Рассчитаем общие издержки на производство 10 единиц товара: $10 \cdot 100 = 1000$. Таким же образом получаем, что общие издержки для производства 12 единиц товара равны $12 \cdot 100 = 1200$. Значит, чтобы произвести 11 и 12 единицы, фирма потратит $1200 - 1000 = 200$ рублей. Так как 11 единицу стоит произвести 120 рублей, то 12 единицу стоит произвести оставшуюся сумму: $200 - 120 = 80$ рублей.

2 вопроса, в каждом из которых нужно дать ответ в виде числа (решение записывать не нужно). Правильный ответ приносит **7 баллов**.

9. Нам известная информация о текущем положении дел у фирмы. Так, она продает свой товар по цене в 80 рублей, ее средние переменные издержки равны 50 рублей, производимое количество товара – 100 единиц, а размер фиксированных издержек – 2000 рублей. Найдите, какую прибыль получает фирма.

Ответ: 1000

Комментарий: Найдем выручку фирмы: $TR = P \cdot Q = 80 \cdot 100 = 8000$. Теперь найдем переменные издержки фирмы: $VC = AVC \cdot Q = 50 \cdot 100 = 5000$. Из условия даны фиксированные издержки $FC = 2000$. Запишем нашу прибыль как выручка минус все издержки: $\Pi = TR - VC - FC = 8000 - 5000 - 2000 = 1000$

10. В стране живет 2 группы населения: бедные и богатые. Известно, что каждый бедный зарабатывает 1 монету, а каждый богатый – 4 монеты. Также известно, что бедных в 2 раза больше, чем богатых. Найдите средний доход в этой стране.

Ответ: 2

Комментарий: Пусть богатых людей N . Тогда по условию бедных людей $2N$. Тогда все бедные зарабатывают $2N \cdot 1 = 2N$, а все богатые – $N \cdot 4 = 4N$. Получается, что суммарный доход в стране: $2N + 4N = 6N$. Поделим его на общее население ($3N$), чтобы найти средний доход по определению: $\frac{6N}{3N} = 2$.

Задачи с развернутым ответом.

В каждой задаче вам необходимо написать полное решение и ответ

Всего за задачи вы можете получить 40 баллов, по 10 баллов за каждую задачу.

1. На рынке мандаринов в Москве спрос имеет вид: $Q_d = 120 - 2P$, где P - цена в рублях, а Q - килограммы мандаринов. Найдите, на сколько килограмм мандаринов больше купят покупатели, если цена снизится с $P = 50$ до $P = 40$.

Ответ: на 20

Решение: При цене $P = 50$ количество, покупаемое на рынке равно $Q_d = 120 - 2 \cdot 50 = 20$ (**3 балла**), а при цене $P = 40$ количество, покупаемое на рынке равно $Q_d = 120 - 2 \cdot 40 = 40$ (**3 балла**). Следовательно, количество купленных килограммов мандарин увеличится на $= 40 - 20 = 20$ (**4 балла**).

Итого за задачу: не более 10 баллов

2. В 2021 году фирма продала 100 ватрушек по цене в 120 рублей. В 2022 году цена на ватрушки увеличилась на 50 рублей, а объем продаж снизился на 20 единиц. Найдите, как изменилась выручка фирмы.

Ответ: увеличилась на 3000

Решение: Изначальная выручка составила $100 \cdot 120 = 12000$ рублей (**2 балла**). Теперь найдем, как изменились цена и количество товара: новая цена стала равна $100 + 50 = 150$ рублей (**2 балла**), а количество $- 120 - 20 = 100$ (**2 балла**). Тогда новая выручка составила $150 \cdot 100 = 15000$ (**2 балла**). Итого, выручка выросла на $15000 - 12000 = 3000$ рублей (**2 балла**).

Итого за задачу: не более 10 баллов

3. Молодой экономист Эльдар решил заработать на финансовом рынке. К сожалению, у Эльдара была лишь 1000р и на рынке торговалась лишь одна ценная бумага - акции компании А. Ниже в таблице приведены цены акции в разные периоды от $t = 1$, до $t = 5$. Брать в долг деньги или активы нельзя. Найдите, какое наибольшее количество денег мог бы получить Эльдар к моменту времени $t = 5$, если он мог в любой момент покупать и продавать акции, и опишите, как именно можно эти деньги заработать.

t	1	2	3	4	5
Цена акции А	100р	120р	80р	100р	90р

Ответ: 1500

Решение: Эльдару выгодно покупать акции перед тем, как они вырастут в цене и продать перед тем, как они упадут в цене. (**3 балла** за сформулированную идею).

В данном случае акция растёт при переходе от 1ого периода ко 2ому (от 100 до 120) и от 3его к 4ому (от 80 до 100). Тогда Эльдар будет покупать акции в 1ом и 3ем периоде. (**по 1 баллов** за сформулированную идею о периодах в которых будет покупать. Всего 2 балла.).

При этом при переходе от 2ого к 3ему, как и от 4ого к 5ому цена падает. Тогда Эльдар будет продавать акции во 2ом и 4ом периоде. (**по 1 баллу** за сформулированную идею о периодах в которых будет продавать. Всего 2 балла.).

- (1) Тогда, купив в первом периоде он будет иметь $1000/100=10$ акций.
- (2) Продав их во втором периоде он получит $10*120=1200$ р.
- (3) Далее, купив акции по 80р в 3ем периоде он будет иметь $1200/80=15$ акций.
- (4) Продав акции в 4ом периоде он будет иметь $15*100=1500$ р.

(3 балла) за расчёт верного ответа. В случае арифметической ошибки в одном из шагов 1-4 школьник получает штраф в 1 балл и далее решение проверяется с учётом ошибки. Например, если допустив отгибку на (3) шаге школьник получил 13 вместо 15, а далее на 4ом шаге получил $13*100=1300$ он теряет всего 1 балл от этих 3.)

Итого за задачу: не более 10 баллов

4. Тимур хочет совершить покупку в продуктовом магазине на сумму 40000 рублей и выбирает, какой из трёх имеющихся дебетовых карт ему стоит оплатить покупки (на каждой карте достаточно средств для этого).

Карта 1 - карта ТратьБанка. ТратьБанк даёт 1% кешбэка* на все покупки от 100 рублей.

Карта 2 - карта банка Заккрытие, она возвращает 5% кешбэка от всех покупок, но сумма кешбэка не может превысить 1000 рублей.

Карта 3 - карта Адффайзен банка: даёт 0.5% кешбэка на покупки до 3000 рублей, 2% на покупки свыше 3000 рублей, но до 6000 рублей и 4% на покупки от 6000 рублей до 15000 рублей. На покупки на сумму выше 15000 рублей кешбэк вообще не начисляется.

Весь заказ необходимо оплатить одной картой. Какой максимальный кешбэк может заработать Тимур будучи рациональным покупателем?

Кешбэк - деньги, которые возвращаются банком на счёт клиента банка за то, что клиент совершает покупки, используя данную карту*

Ответ: 1000 рублей.

Вариант решения:

Рассмотрим программы каждого банка:

1. Для ТратьБанка: банк возвращает 1% за всё свыше 100 рублей. Рассчитаем кешбэк: $0.01 * 40000 = 400$ рублей. **(3 балла)**

2. Для банка Заккрытие: банк вернёт 5% от суммы покупки, но не более 1000 рублей. Рассчитаем кешбэк: $0.05 * 40000 = 2000 > 1000$. Получается, что сумма кешбэка могла бы составить 2000 рублей, но в силу ограничений составит только 1000 рублей. **(3 балла)**

3. Для Адффайзен банка: заметим, что стоимость покупки составляет 40000 рублей, что больше 15000, а значит использование карты этого банка не принесёт никакого кешбэка. **(2 балла)**

4. Сравним получившиеся значения: $1000 > 400 > 0$. Значит, максимальный кешбэк составит 1000 рублей. **(2 балла)**

Итого за задачу: не более 10 баллов

Всероссийская олимпиада школьников 2022-2023 учебный год,
II (муниципальный) этап.

Экономика. 7-8 класс

.....
ФИО, класс

Обводите правильный ответ, в случае исправления зачеркните крестом неверный/неверные варианты ответа.

Часть 1, выберите **один** вариант ответа

Задание:	1	2	3	4
Ответ:	a	a	a	a
	b	b	b	b

Часть 2, выберите **один** вариант ответа

Задание:	5	6	7	8
Ответ:	a	a	a	a
	b	b	b	b
	c	c	c	c
	d	d	d	d

Часть 3, выпишите ответ, при необходимости округлите до 2-го знака

9

10

Муниципальный этап всероссийской олимпиады школьников по экономике.
Республика Татарстан. 2022-2023 учебный год.

7-8 класс

Обратите внимание, что вариант заданий состоит из двух частей. Первая – тестовая, где от вас необходимо лишь написать ответ и часть с задачи, в которой необходимо описать полный ход решения. Не забываете распределить время на обе части.

Тестовая часть

За всю тестовую часть можно получить максимум 30 баллов.

4 вопроса, в каждом из которых нужно определить, верным или неверным является утверждение. Каждый правильный ответ приносит вам **1 балл**.

1. Средние издержки на производство товара могут как убывать по выпуску, так и возрастать.

(a) Верно;

(b) Неверно.

2. Если государство хочет собрать больше налоговых сборов, то ему обязательно нужно поднять ставку налога.

(a) Верно;

(b) Неверно.

3. Если магазин сначала повысит цену на 10%, а потом снизит ее на 10%, то цена не изменится

(a) Верно;

(b) Неверно.

4. Василий владеет автомобилем, который он может сдавать в аренду за 1000 рублей в сутки. Из этого следует, что ему выгодно сдавать автомобиль в аренду.

(a) Верно;

(b) Неверно.

4 вопроса, в каждом из которых среди четырех вариантов нужно выбрать единственно верный или наиболее полный ответ. Правильный ответ приносит **3 балла**.

5. С проблемой экономического выбора сталкивается:

(a) Бизнесмен при выборе наилучшего места для строительства склада для товаров;

(b) Семья при выборе макарон среди различных видов в супермаркете;

(c) Репетитор Рэм при выборе между досугом и проведенным занятием;

(d) Верно все вышеперечисленное;

6. Что из перечисленного исследует макроэкономика?

- (a) Уровень цен на отдельном рынке;
- (b) Уровень издержек фирмы;
- (c) Уровень безработицы в регионе;
- (d) Оптимальный выбор индивидуума.

7. Чак-чак можно определенно отнести к:

- (a) Товарам роскоши;
- (b) Товарам первой необходимости;
- (c) Инфериорным товарам;
- (d) Ни к одному из этих видов.

8. При производстве 10 единиц товара средние издержки (издержки на единицу товара) составили 100 д.е., точно такие же средние издержки у фирмы и при производстве 12 единиц товара. Также известно, что одиннадцатую единицу товара стоит произвести 120 д.е. Чему равны издержки на производство двенадцатой единицы, если выпуск может быть выражен только целым числом?

- (a) 10;
- (b) 80;
- (c) 100;
- (d) 120.

2 вопроса, в каждом из которых нужно дать ответ в виде числа (решение записывать не нужно). Правильный ответ приносит **7 баллов**.

9. Нам известна информация о текущем положении дел у фирмы. Так, она продает свой товар по цене в 80 рублей, ее средние переменные издержки равны 50 рублей, производимое количество товара – 100 единиц, а размер фиксированных издержек – 2000 рублей. Найдите, какую прибыль получает фирма.

10. В стране живет 2 группы населения: бедные и богатые. Известно, что каждый бедный зарабатывает 1 монету, а каждый богатый – 4 монеты. Также известно, что бедных в 2 раза больше, чем богатых. Найдите средний доход в этой стране.

Максимум за тестовую часть - 30 баллов

Задачи с развернутым ответом.

В каждой задаче вам необходимо написать полное решение и ответ

Всего за задачи вы можете получить 40 баллов, по 10 баллов за каждую задачу.

1. На рынке мандаринов в Москве спрос имеет вид: $Q_d = 120 - 2P$, где P - цена в рублях, а Q - килограммы мандаринов. Найдите, на сколько килограмм мандаринов больше купят покупатели, если цена снизится с $P = 50$ до $P = 40$.

2. В 2021 году фирма продала 100 ватрушек по цене в 120 рублей. В 2022 году цена на ватрушки увеличилась на 50 рублей, а объем продаж снизился на 20 единиц. Найдите, как изменилась выручка фирмы.

3. Молодой экономист Эльдар решил заработать на финансовом рынке. К сожалению, у Эльдара была лишь 1000р и на рынке торговалась лишь одна ценная бумага - акции компании А. Ниже в таблице приведены цены акции в разные периоды от $t = 1$, до $t = 5$. Брать в долг деньги или активы нельзя. Найдите, какое наибольшее количество денег мог бы получить Эльдар к моменту времени $t = 5$, если он мог в любой момент покупать и продавать акции, и опишите, как именно можно эти деньги заработать.

t	1	2	3	4	5
Цена акции А	100р	120р	80р	100р	90р

4. Тимур хочет совершить покупку в продуктовом магазине на сумму 40000 рублей и выбирает, какой из трёх имеющихся дебетовых карт ему стоит оплатить покупки (на каждой карте достаточно средств для этого).

Карта 1 - карта ТратьБанка. ТратьБанк даёт 1% кешбэка* на все покупки от 100 рублей.

Карта 2 - карта банка Закрытие, она возвращает 5% кешбэка от всех покупок, но сумма кешбэка не может превысить 1000 рублей.

Карта 3 - карта Адффайзен банка: даёт 0.5% кешбэка на покупки до 3000 рублей, 2% на покупки свыше 3000 рублей, но до 6000 рублей и 4% на покупки от 6000 рублей до 15000 рублей. На покупки на сумму выше 15000 рублей кешбэк вообще не начисляется.

Весь заказ необходимо оплатить одной картой. Какой максимальный кешбэк может заработать Тимур будучи рациональным покупателем?

*Кешбэк** - деньги, которые возвращаются банком на счёт клиента банка за то, что клиент совершает покупки, используя данную карту

Максимум за часть развернутым ответом - 40 баллов

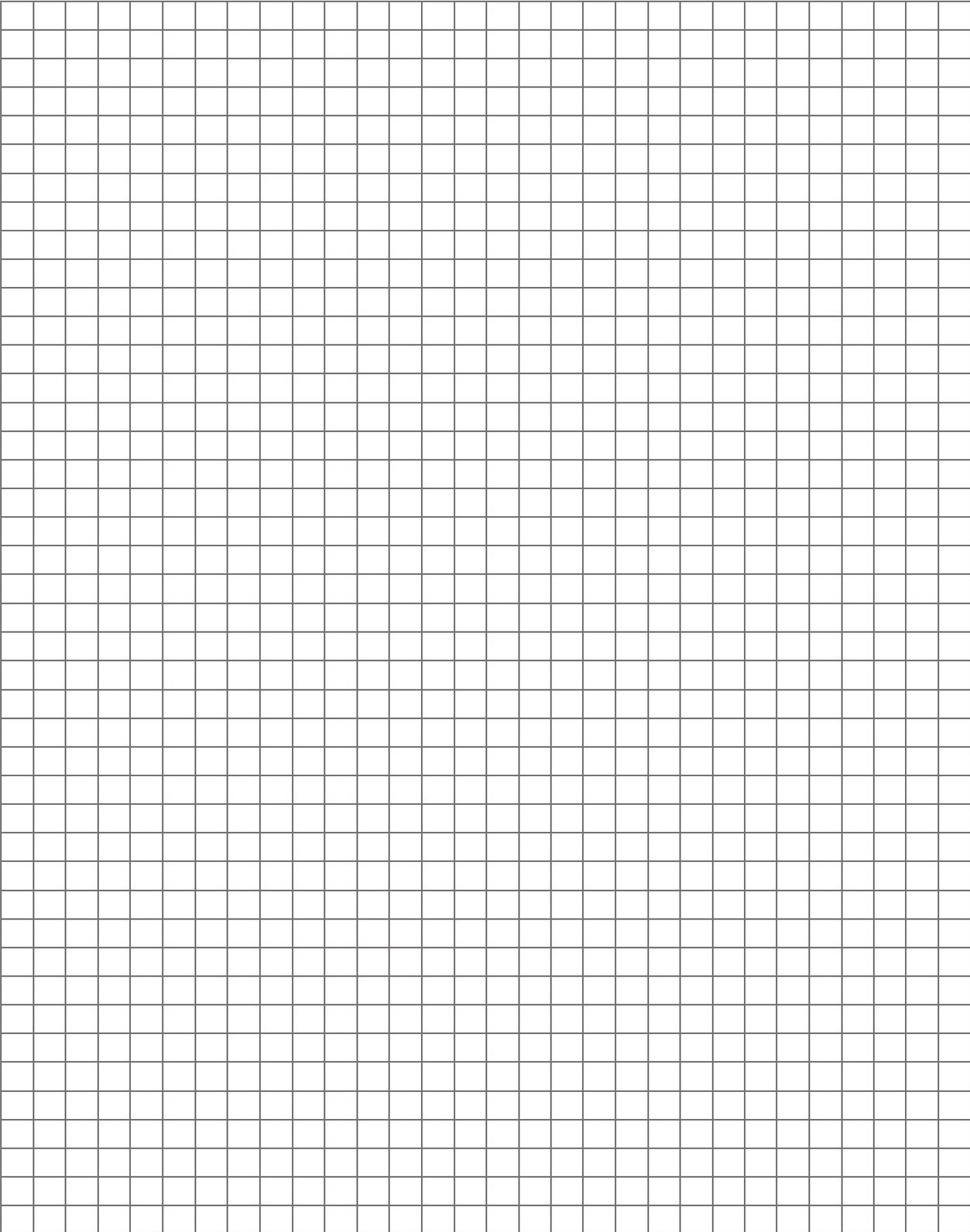
Всего за работу максимум 70 баллов.

Всероссийская олимпиада школьников 2022-2023 учебный год, II (муниципальный) этап.

Экономика. ____ класс

ФИО, класс

Задача ____



Муниципальный этап всероссийской олимпиады школьников по экономике.
Республика Татарстан. 2022-2023 учебный год.

9 класс

Обратите внимание, что вариант заданий состоит из двух частей. Первая – тестовая, где от вас необходимо лишь написать ответ и часть с задачи, в которой необходимо описать полный ход решения. Не забываете распределить время на обе части.

Тестовая часть

За всю тестовую часть можно получить максимум 80 баллов.

5 вопросов типа «Верно/Неверно». Правильный ответ приносит **1 балл**.

1. Средние издержки производства товара могут как убывать по выпуску, так и возрастать.

(a) Верно;

(b) Неверно.

2. Если государство хочет собрать больше налоговых сборов, то ему обязательно нужно поднять ставку налога.

(a) Верно;

(b) Неверно.

3. Если иностранные производители автомобилей прекратят свою деятельность в некоторой стране P , то цены отечественных автомобилей вырастут.

(a) Верно;

(b) Неверно.

4. Если магазин сначала повысит цену на 10%, а потом снизит ее на 10%, то цена не изменится

(a) Верно;

(b) Неверно.

5. Василий владеет автомобилем, который он может сдавать в аренду за 1000 рублей в сутки. Из этого следует, что ему выгодно сдавать автомобиль в аренду

(a) Верно;

(b) Неверно.

5 вопросов, в каждом из которых среди четырех вариантов нужно выбрать единственно верный или наиболее полный ответ. Правильный ответ приносит **3 балла**.

6. Издержки некоторой фирмы в расчёте на одну произведённую единицу равняются Q . Пусть $TC(Q)$ - функция общих издержек фирмы на производство. Тогда:

(a) $TC(Q) = Q^2$;

(c) $TC(Q) = 1$;

(b) $TC(Q) = Q$;

(d) $TC(Q) = Q^2/2$.

7. Страны А и Б торгуют друг с другом. В условиях закрытой экономики в стране А равновесная цена составила 5 д.е., а в стране Б 3 д.е.. После открытия границ цена на международном рынке составила 4 д.е., а количество продукции, переехавшей через границу – $Q = 10$. Выберите верное утверждение:

- (a) Страна А - экспортер, Б - импортер, денежный объем экспорта 40;
- (b) Страна Б - экспортер, А - импортер, денежный объем экспорта 10;
- (c) Страна А - экспортер, Б - импортер, денежный объем экспорта 10;
- (d) Страна Б - экспортер, А - импортер, денежный объем экспорта 40.

8. Индивид, потребляющий x - яблоки, y - персики и z - груши, имеет три доступных набора для потребления:

набор	x	y	z
1	3	2	1
2	3	2	2
3	1	2	3

Также он про себя знает, что предельная полезность от потребления одного фрукта не зависит от потребления остальных фруктов, а предельная полезность от потребления одного яблока постоянна, положительна и всегда в 2 раза выше, чем предельная полезность от потребления одной груши. Какой из предоставленных наборов самый выгодный для индивида:

- (a) 1;
- (b) 2;
- (c) 3;
- (d) Верно больше 1ого варианта.

9. В стране А, как и в стране Б, умеют производить лишь два товара - X и Y , причём товары производятся с постоянными альтернативными издержками. В стране А могут произвести максимум 30 единиц X или максимум 40 единиц Y . В стране Б же всё в точности наоборот: там могут произвести максимум 40 единиц X или максимум 30 единиц Y . Допустим, страны могут торговать только между собой в пропорции 1 к 1, то есть за 1 единицу X получать 1 единицу Y . Тогда, если страны потребляют строго в пропорции 1:1, верно следующее утверждение:

- (a) От возможности торговать странам станет только хуже;
- (b) От возможности торговать обе страны выигрывают;
- (c) От возможность торговать обе страны как не выигрывают, так и не проигрывают;
- (d) Неверно ни одно из утверждений выше.

10. Если Центральный Банк снизил ключевую ставку процента на 0.5 процентных пункта от изначального значения в 5% годовых, то на сколько процентов он ее снизил?

- (a) на 0.05%;
- (b) на 0.5%;
- (c) на 5%;
- (d) на 10%.

5 вопросов, в каждом из которых среди четырех вариантов нужно выбрать все верные. Правильным ответом считается полное совпадение выбранного множества вариантов с ключом. Правильный ответ приносит **5 баллов**.

11. Васе дали задачу прооптимизировать производство на фирме, обладающей двумя заводами с издержками: $TC_1(Q_1) = Q_1^2$, $TC_2(Q_2) = 10Q_2$. После Вам, как экономисту, директор предприятия дал некоторую информацию о том, как работает производство после оптимизации Васи. Какие из данных фактов помогут Вам узнать, что Вася сделал работу фирмы *неэффективной*:

- (a) Первые 5 единиц Вася предложил делать только на первом заводе;
- (b) Общие издержки от производства 13 и 14 единиц продукции отличались больше, чем на 10;
- (c) При всех объемах производства, больших 10, Вася предложил делить выпуск поровну между заводами;
- (d) При производстве 10000 единиц продукции на первом заводе было произведено менее 1%.

12. Недавно в городе Анатса увеличилось число платежеспособных мигрантов из соседствующей страны, из-за чего цены на арендное жильё резко увечились. Резким ростом цены конечно же оказалось недовольно местное население, после чего государство решило вмешаться на рынок, чтобы стабилизировать ситуацию. Какие из следующих мер вмешательства государства скорее всего снизят цену арендного жилья в городе Анатса:

- (a) Введение налога на владельцев жилья;
- (b) Введение субсидий для мигрантов на аренду жилья;
- (c) Введение потолка цен на аренду жилья ниже текущей цены;
- (d) Ужесточение миграционного контроля.

13. Фирма-монополист, продающая булочки, несёт издержки в размере $TC = Q^2$ на производство Q булочек, при этом спрос на её продукцию задаётся функцией $Q_d = 120 - P$, где P - цена одной булочки, а Q - количество булочек, которое готовы купить потребители. Тогда, если фирма максимизирует прибыль, верно, что:

- (a) Оптимальный объём выпуска равен $Q = 30$;
- (b) Оптимальный объём выпуска равен $Q = 40$;
- (c) Оптимальная цена за одну булочку $P = 90$;
- (d) Оптимальная цена за одну булочку $P = 80$.

14. Издержки совершенно конкурентной фирмы имеют вид: $TC = 0.5Q^3 - 12Q^2 + 80Q + 10$. При каких ценах из нижеперечисленных фирма готова продвать ненулевое количество в краткосрочном периоде?

- (a) 5;
- (b) 8;
- (c) 10;
- (d) 12.

15. На совершенно конкурентном рынке черных помидоров в Москве спрос и предложение линейны и имеют стандартный вид. Выберите все верные утверждения:

(a) Если величина спроса увеличится на 10% при каждой цене, спрос сдвинется параллельно вверх;

(b) Если вырастет цена на товар-субститут (оранжевый помидор), равновесная цена на рынке черных помидоров увеличится;

(c) Если будет введена потоварная субсидия на производителей черных помидоров, их предложение сдвинется параллельно вверх;

(d) Если будет введен потолок цен в размере ниже равновесной цены, суммарный общественный излишек обязательно увеличится.

5 вопросов, с открытым ответом. Правильный ответ приносит 7 баллов.

16. В стране А спрос и предложение соответственно имеют вид: $Q_d = 100 - P$ и $Q_s = P$, а в стране Б: $Q_d = 120 - P$ и $Q_s = 2P$. При какой минимальной ставке потоварного налога на экспорт из страны Б объем торговли между странами будет равен 0?

17. Нам известна информация о текущем положении дел фирмы. Так, она продает свой товар по цене в 80 рублей, ее средние переменные издержки равны 50 рублям, производимое количество товара – 100 единиц, а размер фиксированных издержек – 2000 рублей. Найдите, какую прибыль получает фирма.

18. В стране живет 2 группы населения: бедные и богатые. Известно, что каждый бедный зарабатывает 1 монету, а каждый богатый – 4 монеты. Также известно, что бедных в 2 раза больше, чем богатых. Найдите средний доход в этой стране.

19. При производстве 10 единиц товара средние издержки фирмы составили 100 д.е., точно такие же средние издержки у фирмы и при производстве 12 единиц товара. Также известно, что стоимость производства одиннадцатой единицы товара равна 120 д.е. Чему равны издержки на производство двенадцатой единицы, если выпуск может быть выражен только целым числом?

20. Полезность Доктора Ливси, зависящая от количества смеха (x) в минутах и пройденного расстояния (y) в километрах, выглядит так: $U_L = -y^2 + 100y + x$. В его распоряжении есть 107 минут, которые он может потратить на смех или прогулку. Чтобы посмеяться одну минуту, ему нужна одна минута (логично). Чтобы пройти один километр, Доктору Ливси достаточно потратить 2 минуты. Найдите, сколько минут Доктор Ливси будет смеяться, если он рациональный агент и максимизирует свою полезность?

Максимум за тестовую часть - 80 баллов

9 класс

Задачи с развернутым ответом

В каждой задаче вам необходимо написать полное решение и ответ

Всего за задачи вы можете получить 120 баллов, по 30 баллов за каждую задачу.

1. Молодой экономист Эльдар решил заработать на финансовом рынке. К сожалению, у Эльдара была лишь 1000р, и на рынке торговалась лишь одна ценная бумага - акции компании А. Ниже в таблице приведены цены акции в разные периоды от $t = 1$, до $t = 5$. Брать в долг деньги или активы нельзя. Найдите, какое наибольшее количество денег мог бы получить Эльдар к моменту времени $t = 5$, если он мог в любой момент покупать и продавать акции.

t	1	2	3	4	5
Цена акции А	100р	120р	80р	100р	90р

2. На рынке рахат-лукума присутствует единственный производитель Лука. Спрос на его товар имеет вид $Q_D = 120 - P$, где P - цена товара, а Q - проданное количество. Переменные издержки фирмы имеют вид $VC = 20Q + Q^2$. Известно, что максимальная прибыль Луки равна 1000 ден.ед.. Найдите постоянные издержки монополиста (FC).

3. Рэм живет на даче и за лето может вырастить на своем огороде картошку (y) или морковь (x), причём если Рэм произведет x килограмм картошки, то максимально он сможет произвести $y = 20 - \frac{2}{3} \cdot x$ килограмм морковки. Сара хочет купить у Рэма как можно больше суповых наборов по 100 рублей за каждый, состоящих из 1 кг картофеля и 1 кг моркови. Рэм может продать свои овощи только Саре. Сколько суповых наборов купит Сара, если Рэм производит столько овощей, сколько позволят получить ему максимальную выручку?

4. ЗАГ единственный производитель автомобилей в стране Горковия, его издержки имеют вид: $TC = 60Q + 0.5Q^2$.

(a) (15 баллов) Найдите, какое количество автомобилей будет производить ЗАГ, если он воспринимает цену как заданную (в качестве параметра P). Иными словами, найдите предложение ЗАГа, если бы он действовал на совершенно конкурентном рынке. Найдите параметры равновесия на рынке в данном случае, если спрос имеет вид: $Q_d = 180 - P$.

(b) (15 баллов) Все же ЗАГ единственный производитель автомобилей, поэтому действует он как монополист. Найдите, за какую минимальную фиксированную выплату A от правительства Горковии ЗАГ согласится действовать как совершенный конкурент, то есть продавать свою продукцию по той же цене и в том же объёме, как и в предыдущем пункте.

Максимум за часть развернутым ответом - 120 баллов

Всего за работу максимум 200 баллов.

9 класс

Тестовая часть

За всю тестовую часть можно получить максимум 80 баллов.

5 вопросов типа «Верно/Неверно». Правильный ответ приносит 1 балл.

1. Средние издержки производства товара могут как убывать по выпуску, так и возрастать.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: а

Комментарий: Например, для функции $TC = Q^2 - 8Q + 100$ средние издержки ($AC = Q - 8 + \frac{100}{Q}$) будут иметь стандартный U-образный вид и будут иметь как возрастающий участок ($Q > 10$), так и убывающий участок ($Q < 10$).

2. Если государство хочет собрать больше налоговых сборов, то ему обязательно нужно поднять ставку налога.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: b

Комментарий: При повышении ставки налога происходит два эффекта. С одной стороны, растёт ставка и значит налоговые сборы растут. С другой стороны, снижается налогооблагаемая база (например, уменьшается количество на рынке; снижаются стимулы зарабатывать больше; повышаются стимулы скрывать доходы) и тем самым, налоговые сборы уменьшаются. Поэтому, как правило, при достаточно высокой ставке налога выгодно её снизить и утверждение является неверным.

3. Если иностранные производители автомобилей прекратят свою деятельность в некоторой стране P., то цены отечественных автомобилей вырастут.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: а

Комментарий: Так как упадёт предложение автомобилей в целом, вырастет их цена. В том числе вырастет и цена на отечественные автомобили. Более того, вырастет спрос на отечественные автомобили, так как для потребителей иностранных автомобилей отечественные являются товаром заменителем. Рост спроса ведёт к росту цены.

4. Если магазин сначала повысит цену на 10%, а потом снизит ее на 10%, то цена не изменится

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: b

Комментарий: Предположим, что изначально была цена p . Тогда после повышения цена будет $1.1p$, а после понижения: $1.1p * 0.9 = 0.99p$. Следовательно цена упадет на 1%, поэтому утверждение о том, что цена не изменится, неверно.

5. Василий владеет автомобилем, который он может сдавать в аренду за 1000 рублей в сутки. Из этого следует, что ему выгодно сдавать автомобиль в аренду

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: b

Комментарий: Василию может быть невыгодно сдавать машину в аренду, так как от пользования ей он может получать большие выгоды, чем от сдачи в аренду. Например, если Василий работает таксистом и получает 5000 рублей за смену, то, сдав машину, он не сможет выйти на работу и будет иметь отрицательную экономическую прибыль (экономическая прибыль включает в себя неявные (альтернативные) издержки, в данном случае - 5000 рублей за смену в такси)..

5 вопросов, в каждом из которых среди четырех вариантов нужно выбрать единственно верный или наиболее полный ответ. Правильный ответ приносит **3 балла**.

6. Издержки некоторой фирмы в расчёте на одну произведённую единицу равняются Q . Пусть $TC(Q)$ - функция общих издержек фирмы на производство. Тогда:

(a) $TC(Q) = Q^2$;

(c) $TC(Q) = 1$;

(b) $TC(Q) = Q$;

(d) $TC(Q) = Q^2/2$.

Ответ: a

Комментарий: Так как средние издержки это Q , общие издержки имеют вид: $TC = Q \cdot Q = Q^2$.

7. Страны А и Б торгуют друг с другом. В условиях закрытой экономики в стране А равновесная цена составила 5 д.е., а в стране Б 3 д.е.. После открытия границ цена на международном рынке составила 4 д.е., а количество продукции, переехавшей через границу - $Q = 10$. Выберите верное утверждение:

(a) Страна А - экспортер, Б - импортер, денежный объем экспорта 40;

(b) Страна Б - экспортер, А - импортер, денежный объем экспорта 10;

(c) Страна А - экспортер, Б - импортер, денежный объем экспорта 10;

(d) Страна Б - экспортер, А - импортер, денежный объем экспорта 40.

Ответ: d

Комментарий: В автаркии в стране Б цена оказалась ниже, чем в стране А, следовательно, производители из страны Б захотят продавать свои товары в стране А, поэтому страна Б станет экспортером, а страна А - импортером. Для расчета денежного объема экспорта необходимо перемножить количество, пересекшее границу на цену, которая образовалась после открытия границ: $4 \cdot 10 = 40$.

8. Индивид, потребляющий x - яблоки, y - персики и z - груши, имеет три доступных набора для потребления:

набор	x	y	z
1	3	2	1
2	3	2	2
3	1	2	3

Также он про себя знает, что предельная полезность от потребления одного фрукта не зависит от потребления остальных фруктов, а предельная полезность от потребления одного яблока постоянна, положительна и всегда в 2 раза выше, чем предельная полезность от потребления одной груши. Какой из предоставленных наборов самый выгодный для индивида:

- (a) 1; (c) 3;
(b) 2; (d) Верно больше 1ого варианта.

Ответ: b

Комментарий: Для начала заметим, что количество персиков во всех наборах одинаковое, следовательно они не влияют на принятие решения индивидом (и далее не будут учитываться в расчётах). Предположим, что предельная полезность от потребления груши u , тогда предельная полезность от потребления яблока $2u$. Отсюда полезность от первого набора: $3 * 2u + u = 7u$, полезность от второго набора $3 * 2u + 2 * u = 8u$, полезность от третьего набора: $1 * 2u + 3 * u = 5u$. Наибольшую полезность приносит набор 2, следовательно он и будет оптимальным выбором.

9. В стране А, как и в стране Б, умеют производить лишь два товара - X и Y , причём товары производятся с постоянными альтернативными издержками. В стране А могут произвести максимум 30 единиц X или максимум 40 единиц Y . В стране Б же всё в точности наоборот: там могут произвести максимум 40 единиц X или максимум 30 единиц Y . Допустим, страны могут торговать только между собой в пропорции 1 к 1, то есть за 1 единицу X получать 1 единицу Y . Тогда, если страны потребляют строго в пропорции 1:1, верно следующее утверждение:

- (a) От возможности торговать странам станет только хуже;
(b) От возможности торговать обе страны выигрывают;
(c) От возможность торговать обе страны как не выигрывают, так и не проигрывают;
(d) Неверно ни одно из утверждений выше.

Ответ: b

Комментарий: В равновесии страна А будет производить 40 единиц Y и страна Б производить 40 единиц X . После этого они будут обменивать 20 единиц X на 20 единиц Y . Тогда каждая из стран сможет потреблять 20 комплектов после появления возможности торговать. Без такой возможности комплектов будет $120/7$ (примерно 17.143). Итого, обе страны выиграют от возможности торговать.

В любом случае, если страны начинают торговать и условия торговли (отношение цен) отличны от альтернативных издержек, потребляя строго комплектами, обе страны выигрывают от возможности торговать.

10. Если Центральный Банк снизил ключевую ставку процента на 0.5 процентных пункта от изначального значения в 5% годовых, то на сколько процентов он ее снизил?

- (a) на 0.05%; (b) на 0.5%; (c) на 5%; (d) на 10%.

Ответ: d

Комментарий: 0.5 процентных пунктов составляют от 5: $0.5/5 \cdot 100\% = 10\%$.

5 вопросов, в каждом из которых среди четырех вариантов нужно выбрать все верные. Правильным ответом считается полное совпадение выбранного множества вариантов с ключом. Правильный ответ приносит 5 баллов.

11. Васе дали задачу прооптимизировать производство на фирме, обладающей двумя заводами с издержками: $TC_1(Q_1) = Q_1^2$, $TC_2(Q_2) = 10Q_2$. После Вам, как экономисту, директор предприятия дал некоторую информацию о том, как работает производство после оптимизации Васи. Какие из данных фактов помогут Вам узнать, что Вася сделал работу фирмы *неэффективной*:

- (a) Первые 5 единиц Вася предложил делать только на первом заводе;
(b) Общие издержки от производства 13 и 14 единиц продукции отличались больше, чем на 10;
(c) При всех объемах производства, больших 10, Вася предложил делить выпуск поровну между заводами;
(d) При производстве 10000 единиц продукции на первом заводе было произведено менее 1%.

Ответ: b, c

Комментарий: Посмотри на задачу с помощью предельных функций: $MC_1 = 2Q_1$, $MC_2 = 10$. На первом заводе будет организовано производство до того момента, пока предельные издержки меньше чем 10, т.е. максимальное количество единиц произведенное на первом заводе будет 5. Тогда общие издержки от производства 13 и 14 единиц будут отличаться ровно на предельные издержки на втором заводе, т.е. на 10. Разделение пополам тоже будет неоптимальным, например при $Q = 15$ выгодно произвести 10 на втором заводе и 5 на первом. При производстве 10000 единиц на первом заводе будет производиться 5, что равняется 0,05%.

12. Недавно в городе Анатса увеличилось число платежеспособных мигрантов из соседствующей страны, из-за чего цены на арендное жильё резко увечились. Резким ростом цены конечно же оказалось недовольно местное население, после чего государство решило вмешаться на рынок, чтобы стабилизировать ситуацию. Какие из следующих мер вмешательства государства скорее всего снизят цену арендного жилья в городе Анатса:

- (a) Введение налога на владельцев жилья;
(b) Введение субсидий для мигрантов на аренду жилья;
(c) Введение потолка цен на аренду жилья ниже текущей цены;

(d) Ужесточение миграционного контроля.

Ответ: с, d

Комментарий: В пункте (a) налог уменьшает предложение, а значит цена увеличивается. В пункте (b) субсидия увеличивает спрос, а значит цена растёт. Введение потолка цен в пункте (c) уменьшит цену по которой сдают квартиры, в пункте (d) спрос уменьшается, а значит цена падает. Итого имеем верные варианты ответа (c) и (d).

13. Фирма-монополист, продающая булочки, несёт издержки в размере $TC = Q^2$ на производство Q булочек, при этом спрос на её продукцию задаётся функцией $Q_d = 120 - P$, где P - цена одной булочки, а Q - количество булочек, которое готовы купить потребители. Тогда, если фирма максимизирует прибыль, верно, что:

(a) Оптимальный объём выпуска равен $Q = 30$;

(b) Оптимальный объём выпуска равен $Q = 40$;

(c) Оптимальная цена за одну булочку $P = 90$;

(d) Оптимальная цена за одну булочку $P = 80$.

Ответ: a, c

Комментарий: Запишем задачу максимизации прибыли монополиста: $\pi = P * Q - Q^2 = (120 - Q) * Q - Q^2 = -2Q^2 + 120Q \rightarrow \max$. Это парабола с ветвями вниз, максимум достигается в вершине $Q = -120 / (2 * (-2)) = 30$. При $Q = 30$ цена по спросу составит $P = 120 - Q = 120 - 30 = 90$. Итого, имеем верные ответы (a), (c).

14. Издержки совершенно конкурентной фирмы имеют вид: $TC = 0.5Q^3 - 12Q^2 + 80Q + 10$. При каких ценах из нижеперечисленных фирма готова продвать ненулевое количество в краткосрочном периоде?

(a) 5;

(b) 8;

(c) 10;

(d) 12.

Ответ: b, c, d

Комментарий: Совершенный конкурент готов продавать товар в краткосрочном периоде, если цена, установившаяся на рынке будет больше либо равна минимуму средних переменных издержек. т.е. $P \geq \min AVC$. $AVC = \frac{VC}{Q}$, $VC = TC - FC$, $FC = TC(Q = 0) = 10 \Rightarrow VC = 0.5Q^3 - 12Q^2 + 80Q \Rightarrow AVC = 0.5Q^2 - 12Q + 80$. Проминимизируем функцию: заметим, что это парабола с ветвями вверх, а значит минимум будет в вершине параболы средних переменных издержек: $Q_0 = \frac{12}{0.5 * 2} = 12$. Тогда $\min AVC = 0.5 * 12 * 12 - 12 * 12 + 80 = 8$. Значит фирма согласится продавать ненулевое количество при $P \geq 8$, подходят ответы b, c, d

15. На совершенно конкурентном рынке черных помидоров в Москве спрос и предложение линейны и имеют стандартный вид. Выберите все верные утверждения:

(a) Если величина спроса увеличится на 10% при каждой цене, спрос сдвинется параллельно вверх;

(b) Если вырастет цена на товар-субститут (оранжевый помидор), равновесная цена на рынке черных помидоров увеличится;

(c) Если будет введена потоварная субсидия на производителей черных помидоров, их предложение сдвинется параллельно вверх;

(d) Если будет введен потолок цен в размере ниже равновесной цены, суммарный общественный излишек обязательно увеличится.

Ответ: b

Комментарий: а) Увеличение спроса на определенную постоянную величину при каждой цене вызывает параллельный сдвиг, а не процентное изменение. Процентное изменение приводит к повороту кривой спроса. б) При росте цены на товар-субститут спрос на черные помидоры вырастет, т.к. часть потребителей переключатся на потребление черных помидоров. в) При введении потоварной субсидии предложение сдвинется вниз, т.к. цена при которой производители захотят продавать товар будет меньше, потому что им фактически будут доплачивать за продажи. г) Как правило, любое отклонение от состояния совершенной конкуренции приводит к уменьшению суммарного общественного излишка, т.к. в совершенной конкуренции достигается максимальный излишек.

5 вопросов, с открытым ответом. Правильный ответ приносит 7 баллов.

16. В стране А спрос и предложение соответственно имеют вид: $Q_d = 100 - P$ и $Q_s = P$, а в стране Б: $Q_d = 120 - P$ и $Q_s = 2P$. При какой минимальной ставке потоварного налога на экспорт из страны Б объем торговли между странами будет равен 0?

Ответ: 10

Комментарий: Изначально равновесные цены в странах А и Б составляют: $100 - P_a = P_a$ и $120 - P_b = 2P_b$, то есть: $P_a = 50$ и $P_b = 40$. При этом если налог будет менее 10 ($P_a - P_b = 50 - 40 = 10$), он будет меньше разницы цен и торговля между странами будет сохраняться. Если же ввести налог от 10 и выше, объем торговли будет равен 0.

17. Нам известна информация о текущем положении дел фирмы. Так, она продает свой товар по цене в 80 рублей, ее средние переменные издержки равны 50 рублям, производимое количество товара – 100 единиц, а размер фиксированных издержек – 2000 рублей. Найдите, какую прибыль получает фирма.

Ответ: 1000

Комментарий: Найдем выручку фирмы: $TR = P \cdot Q = 80 \cdot 100 = 8000$. Теперь найдем переменные издержки фирмы: $VC = AVC \cdot Q = 50 \cdot 100 = 5000$. Из условия даны фиксированные издержки $FC = 2000$. Запишем нашу прибыль как выручку минус все издержки: $\Pi = TR - VC - FC = 8000 - 5000 - 2000 = 1000$

18. В стране живет 2 группы населения: бедные и богатые. Известно, что каждый бедный зарабатывает 1 монету, а каждый богатый – 4 монеты. Также известно, что бедных в 2 раза больше, чем богатых. Найдите средний доход в этой стране.

Ответ: 2

Комментарий: Пусть богатых людей N . Тогда по условию бедных людей $2N$. Все бедные зарабатывают $2N \cdot 1 = 2N$, а все богатые – $N \cdot 4 = 4N$. Получается, что суммарный доход в стране: $2N + 4N = 6N$. Поделим его на общее население ($3N$), чтобы найти средний доход по определению: $\frac{6N}{3N} = 2$.

19. При производстве 10 единиц товара средние издержки фирмы составили 100 д.е., точно такие же средние издержки у фирмы и при производстве 12 единиц товара. Также известно, что стоимость производства одиннадцатой единицы товара равна 120

д.е. Чему равны издержки на производство двенадцатой единицы, если выпуск может быть выражен только целым числом?

Ответ: b

Комментарий: Рассчитаем общие издержки на производство 10 единиц товара: $10 \cdot 100 = 1000$. Таким же образом получаем, что общие издержки для производства 12 единиц товара равны $12 \cdot 100 = 1200$. Значит, чтобы произвести 11 и 12 единицы, фирма потратит $1200 - 1000 = 200$ рублей. Так как 11 единицу стоит произвести 120 рублей, то 12 единицу стоит произвести оставшуюся сумму: $200 - 120 = 80$ рублей.

20. Полезность Доктора Ливси, зависящая от количества смеха (x) в минутах и пройденного расстояния (y) в километрах, выглядит так: $U_L = -y^2 + 100y + x$. В его распоряжении есть 107 минут, которые он может потратить на смех или прогулку. Чтобы посмеяться одну минуту, ему нужна одна минута (логично). Чтобы пройти один километр, Доктору Ливси достаточно потратить 2 минуты. Найдите, сколько минут Доктор Ливси будет смеяться, если он рациональный агент и максимизирует свою полезность?

Ответ: 9

Комментарий:

1. Запишем временное ограничение Доктора Ливси: $T = 107 \geq x + 2y$. Заметим, что полезность Доктора монотонно возрастает по количеству смеха, а, значит, Доктор Ливси будет тратить весь свой запас времени, тогда временное ограничение выглядит так: $107 = x + 2y$.

2. Выразим x из временного ограничения, подставим в полезность и промаксимизируем полезность по километрам: $x = 107 - 2y$, $U_L = -y^2 + 100y + 107 - 2y = -y^2 + 98y + 107$. Заметим, что это парабола ветвями вниз относительно километров, максимум находится в вершине параболы, тогда $y^* = \frac{98}{2} = 49$. Тогда $x^* = 107 - 2 \cdot 49 = 107 - 98 = 9$.

Максимум за тестовую часть - 80 баллов

9 класс

Задачи с развернутым ответом

В каждой задаче вам необходимо написать полное решение и ответ

Всего за задачи вы можете получить 120 баллов, по 30 баллов за каждую задачу.

1. Молодой экономист Эльдар решил заработать на финансовом рынке. К сожалению, у Эльдара была лишь 1000р, и на рынке торговалась лишь одна ценная бумага - акции компании А. Ниже в таблице приведены цены акции в разные периоды от $t = 1$, до $t = 5$. Брать в долг деньги или активы нельзя. Найдите, какое наибольшее количество денег мог бы получить Эльдар к моменту времени $t = 5$, если он мог в любой момент покупать и продавать акции.

t	1	2	3	4	5
Цена акции А	100р	120р	80р	100р	90р

Ответ: 1500

Решение: Эльдару выгодно покупать акции перед тем, как они вырастут в цене и продать перед тем, как они упадут в цене. (**8 баллов** за сформулированную идею)

В данном случае акция растёт при переходе от 1ого периода ко 2ому (от 100 до 120) и от 3его к 4ому (от 80 до 100). Тогда Эльдар будет покупать акции в 1ом и 3ем периоде. (**по 3 балла** за сформулированную идею о периодах в которых будет покупать. Всего 6 баллов.)

При этом при переходе от 2ого к 3ему, как и от 4ого к 5ому цена падает. Тогда Эльдар будет продавать акции во 2ом и 4ом периоде. (**по 3 балла** за сформулированную идею о периодах в которых будет продавать. Всего 6 баллов.)

(1) Купив в первом периоде, он будет иметь $1000/100=10$ акций.

(2) Продав их во втором периоде, он получит $10*120=1200$ р.

(3) Далее, купив акции по 80р в 3ем периоде, он будет иметь $1200/80=15$ акций.

(4) Продав акции в 4ом периоде, он будет иметь $15*100=1500$ р.

(**10 баллов** за расчёт верного ответа. В случае арифметической ошибки в одном из шагов 1-4 школьник получает штраф в 2 балла и далее решение проверяется с учётом ошибки. Например, если допустив отгибку на (3) шаге школьник получил 13 вместо 15, а далее на 4ом шаге получил $13*100=1300$ он теряет всего 2 балла от этих 10.)

Итого за задачу: не более 30 баллов

2. На рынке рахат-лукума присутствует единственный производитель Лука. Спрос на его товар имеет вид $Q_D = 120 - P$, где P - цена товара, а Q - проданное количество. Переменные издержки фирмы имеют вид $VC = 20Q + Q^2$. Известно, что максимальная прибыль Луки равна 1000 ден.ед.. Найдите постоянные издержки монополиста (FC).

Ответ: 250

Вариант решения №1: $TC = VC + FC = 20Q + Q^2 + FC$, следовательно $MC = TC'_Q = 20 + 2Q$ (**6 баллов** за нахождение MC).

Выручка монополиста по определению это цена, умноженная на количество: $TR = Q \cdot P(Q) = Q \cdot (120 - Q) = 120Q - Q^2$, Тогда, предельная выручка: $MR = TR'_Q = (120Q - Q^2)' = 120 - 2Q$ (**6 баллов** за нахождение MR)

Промаксимизируем прибыль с помощью правила $MR = MC$ (поскольку MR убывает по Q , MC возрастают по Q) $120 - 2Q = 20 + 2Q \Rightarrow Q^* = 25$ (**4 балла** за поиск оптимального количества). Тогда из функции спроса получим, что: $P^* = 120 - Q = 120 - 25 = 95$ (**4 балла** за нахождение оптимальной цены).

Таким образом, прибыль монополиста составит: $\Pi = TR - TC = P \cdot Q - VC - FC = (120 - Q)Q - 20Q - Q^2 - FC = (120 - 25) \cdot 25 - 20 \cdot 25 - 25^2 - FC = 1250 - FC$ (**6 баллов** за нахождение прибыли как функции от FC)

Поскольку прибыль по условию равна 1000 ден.ед., имеем: $1250 - FC = 1000$, то есть $FC = 1250 - 1000 = 250$ (**4 балла** за нахождение верного ответа)

Вариант решения №2: (Максимизации прибыли и нахождения Q^*, P^*):

Прибыль монополиста имеет вид: $\Pi = TR - TC = P(Q) \cdot Q - VC - FC = (120 - Q) \cdot Q - 20Q - Q^2 - FC = -2Q^2 + 100Q - FC$ (**6 баллов** за нахождение функции прибыли)

Максимизировать прибыль возможно двумя способами:

1. Через производную: $\Pi'_Q = -2 \cdot 2 \cdot Q^{2-1} + 100 = -4Q + 100 = 0 \Rightarrow Q^* = 25$.
2. Через параболу: прибыль это парабола ветвями вниз относительно Q , следовательно оптимальное значение Q в вершине: $Q = \frac{-100}{2(-2)} = \frac{100}{4} = 25$

(**10 баллов** за нахождение оптимального количества любым из способов. В случае отсутствия доказательства максимума - штраф в 2 балла (для способа через параболы это указание на то что парабола ветвями вниз; для способа через производные - указание на метод интервалов или вторю производную). В случае арифметической ошибки - штраф в 2 балла)

После нахождения Q , из функции спроса получим, что: $P^* = 120 - Q = 120 - 25 = 95$ (**4 балла** за нахождение оптимальной цены, если она дальше используется. Также прибыль можно получить и без подсчета цены, подставив оптимальное количество $Q^* = 25$ в изначальную функцию прибыли $\Pi = -2Q^2 + 100Q - FC$, в этом случае 4 балла ставятся автоматически).

Таким образом, прибыль монополиста составит: $\Pi = TR - TC = P \cdot Q - VC - FC = (120 - Q)Q - 20Q - Q^2 - FC = (120 - 25) \cdot 25 - 20 \cdot 25 - 25^2 - FC = 1250 - FC$ (**6 баллов** за нахождение прибыли как функции от FC)

Поскольку прибыль по условию равна 1000 ден.ед., имеем: $1250 - FC = 1000$, то есть $FC = 1250 - 1000 = 250$ (**4 балла** за нахождение верного ответа).

Обратите внимание! Возможны и другие варианты решений, например, через нахождение разницы интегралов функций MR и MC . В таком случае работа должна быть оценена по схожим критериям.

Итого за задачу: не более 30 баллов

3. Рэм живет на даче и за лето может вырастить на своем огороде картошку (y) или морковь (x), причём если Рэм произведет x килограмм картошки, то максимально он сможет произвести $y = 20 - \frac{2}{3} \cdot x$ килограмм морковки. Сара хочет купить у Рэма как можно больше суповых наборов по 100 рублей за каждый, состоящих из 1 кг картофеля и 1 кг моркови. Рэм может продать свои овощи только Саре. Сколько суповых наборов

купит Сара, если Рэм производит столько овощей, сколько позволят получить ему максимальную выручку?

Ответ: 12

Вариант решения №1:

Обратите внимание, что школьник может как оперировать терминами КПВ и кривая комплектов при решении, так и заменять их на другие, известные ему, или даже придумывать свои обозначения. Суть и содержание решения при этом не должны меняться.

1) Запишем кривую комплектов, которая будет показывать соотношение y и x , которое необходимо для одного комплекта: кол-во комплектов $k = y = x$ (**12 балла** за кривую комплектов)

2) Максимизируя выручку, Рэм хочет продать как можно больше суповых наборов. Тогда всё, что он произведет, будет состоять в комплекте. Значит, искомое x и y будет одновременно лежать на КПВ и соответствовать кривой комплектов. Тогда имеем:

$$\begin{cases} y = 20 - \frac{2}{3} \cdot x & (1) \\ y = x & (2) \end{cases}$$

Подставив (2) в (1), имеем: $y = 20 - \frac{2}{3} \cdot x = x \Rightarrow 60 = 5x \Rightarrow x = 12$. (**15 баллов** за идею приравнять КПВ и кривую комплектов и нахождение x . В случае, если школьник на этом этапе допустил арифметическую ошибку - он теряет 4 балла.)

3) Так как $x = 12$, то из кривой комплектов в оптимуме будет продано 12 комплектов. (**3 балла** за переход к оптимальному количеству комплектов и верный ответ)

Вариант решения №2:

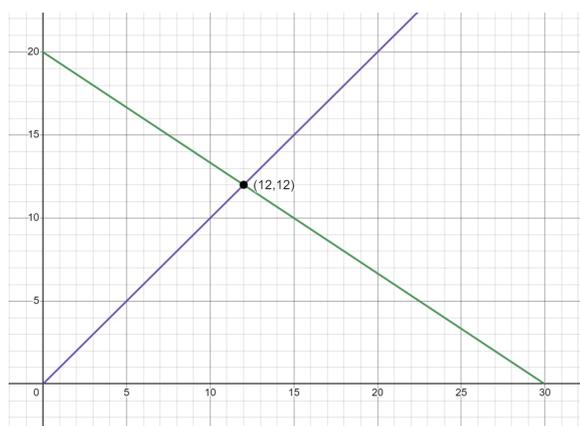
Действия из варианта решения №1 можно отобразить на графике. В данном случае критерии оценивания:

За изображения кривой комплектов ($y = x$) и графическое изображения кривой производственных возможностей производства Рэма. (**12 баллов**)

Идею того, что графически надо найти точку пересечения КПВ и кривой комплектов (**15 баллов** за идею приравнять КПВ и кривую комплектов и нахождение x . В случае, если школьник на этом этапе допустил арифметическую ошибку - он теряет 4 балла)

За нахождение правильного ответа. (**3 балла** за верно найденный ответ).

Обратите внимание, что оси на графике могут быть поменяны местами (на усмотрение школьника).



Итого за задачу: не более 30 баллов

4. ЗАГ единственный производитель автомобилей в стране Горковия, его издержки имеют вид: $TC = 60Q + 0.5Q^2$.

(а) (15 баллов) Найдите, какое количество автомобилей будет производить ЗАГ, если он воспринимает цену как заданную (в качестве параметра P). Иными словами, найдите предложение ЗАГа, если бы он действовал на совершенно конкурентном рынке. Найдите параметры равновесия на рынке в данном случае, если спрос имеет вид: $Q_d = 180 - P$.

(б) (15 баллов) Все же ЗАГ единственный производитель автомобилей, поэтому действует он как монополист. Найдите, за какую минимальную фиксированную выплату A от правительства Горковии ЗАГ согласится действовать как совершенный конкурент, то есть продавать свою продукцию по той же цене и в том же объёме, как и в предыдущем пункте.

Ответ: а - $P^e = 120$, $Q^e = 60$; б - 600

Решение:

а) Для начала необходимо найти функцию предложения.

Вариант решения №1:

По определению, функция предложения совпадает с возрастающим участком MC выше AVC_{min} . (3 балла за выписанное определение предложения, достаточно указать на возрастание MC)

Комментарий: в случае если в работе указано AC_{min} вместо AVC_{min} утверждение тоже является корректным, так как в данном случае функции AC и AVC совпадают.

$TC = 60Q + 0.5Q^2 \Rightarrow MC = TC' = (60Q + 0.5Q^2)' = 60 + Q$ (3 балла за нахождения функции MC)

$AVC = \frac{VC}{Q} = \frac{TC - FC}{Q} = \frac{TC - TC(0)}{Q} = 60 + 0.5Q$ - функция возрастает по Q , минимум в $Q = 0 \Rightarrow$

$AVC_{min} = 60 + 0.5 \cdot 0 = 60$ (1 балл за нахождение AVC_{min})

Предложение: $P_s = 60 + Q$ ($P \geq 60$); другой вариант записи предложения:

$Q_s = P - 60$ (в таком случае обязательно нужно указывать, что $P \geq 60$) и $Q = 0$ при $P \leq 60$

(3 балла за верно выписанную функцию предложения, в случае отсутствия огра-

ничения на $P \geq 60$ штраф составляет 1 балл)

После нахождения функции предложения:

Найдем равновесие на рынке СК (совершенной конкуренции), если предложение имеет вид: $Q_s = P - 60$ ($P \geq 60$), а спрос: $Q_d = 180 - P$ (из условия).

Приравниваем количество спроса к количеству предложения:

$$Q_s = Q_d \Leftrightarrow P - 60 = 180 - P \Rightarrow P^e = 120$$

Подставляя найденную равновесную цену в спрос или предложение, найдем: $Q^e = Q_s = Q_d = 180 - 120 = 60$

Равновесие можно было найти и другим способом - через приравнивание обратной функции спроса к обратной функции предложения:

Обратная функция спроса: $P_d = 180 - Q$ (выразили P через Q из функции спроса $Q_d = 180 - P$)

Обратная функция предложения: $P_s = 60 + Q$ (выразили P через Q из функции предложения $Q_s = P - 60$)

Приравниваем цену спроса к цене предложения

$$P_s = P_d \Leftrightarrow Q + 60 = 180 - Q \Rightarrow Q^e = 60$$

Подставляя найденное равновесное количество в спрос или предложение, найдем: $P^e = P_s = P_d = 60 + 60 = 180 - 60 = 120$.

Итого, в любом из вариантов имеем равновесные цены: $P^e = 120$, $Q^e = 60$.

(5 баллов за поиск равновесия. В случае арифметической ошибки любой степени сложности штраф составит 3 балла. При этом далее работа должна быть проверена с учётом арифметической ошибки)

Вариант решения №2:

Через максимизацию прибыли:

Прибыль производителя имеет вид: $\Pi = TR - TC = P \cdot Q - 60Q - 0.5Q^2 = (P - 60) \cdot Q - 0.5Q^2$.

Когда продавец воспринимает цену как заданную, он максимизирует прибыль с параметром P - не подставляя вместо P функцию спроса.

(3 балла за верно сформулированную идею максимизации функции прибыли)

Далее максимизировать прибыль возможно двумя способами:

1. Через производную:

$$\Pi'_Q = ((P - 60) \cdot Q - 0.5Q^2)' = (P - 60) - 2 \cdot 0.5 \cdot Q^{2-1} = P - 60 - Q = 0 \Rightarrow Q^* = P - 60.$$

2. Через параболу: прибыль это парабола ветвями вниз относительно Q , следовательно оптимальное значение Q в вершине:

$$Q^* = \frac{-(P-60)}{2 \cdot (-0.5)} = \frac{P-60}{1} = P - 60$$

(3 балла за верно найденное оптимальное количество)

Поскольку $Q \leq 0$, если $P \leq 60$, а отрицательное количество противоречит экономической интуиции, то $Q = P - 60$ при $P > 60$ и $Q = 0$ при $P \leq 60$ (**1 балл** за упоминание ограничения)

Предложение: $P_s = 60 + Q$ ($P \geq 60$) другой вариант записи предложения: $Q_s = P - 60$ (в таком случае обязательно нужно указывать, что $P \geq 60$) и $Q = 0$ при $P \leq 60$

(**3 балла** за верно выписанную функцию предложения, в случае отсутствия ограничения на $P \geq 60$ штраф составляет 1 балл)

После нахождения функции предложения:

Найдем равновесие на рынке СК (совершенной конкуренции), если предложение имеет вид: $Q_s = P - 60$ ($P \geq 60$), а спрос: $Q_d = 180 - P$ (из условия).

Приравниваем количество спроса к количеству предложения:

$$Q_s = Q_d \Leftrightarrow P - 60 = 180 - P \Rightarrow P^e = 120$$

Подставляя найденную равновесную цену в спрос или предложение, найдем: $Q^e = Q_s = Q_d = 180 - 120 = 60$

Равновесие можно было найти и другим способом - через приравнивание обратной функции спроса к обратной функции предложения:

Обратная функция спроса: $P_d = 180 - Q$ (выразили P через Q из функции спроса $Q_d = 180 - P$)

Обратная функция предложения: $P_s = 60 + Q$ (выразили P через Q из функции предложения $Q_s = P - 60$)

Приравниваем цену спроса к цене предложения

$$P_s = P_d \Leftrightarrow Q + 60 = 180 - Q \Rightarrow Q^e = 60$$

Подставляя найденное равновесное количество в спрос или предложение, найдем: $P^e = P_s = P_d = 60 + 60 = 180 - 60 = 120$.

Итого, в любом из вариантов имеем равновесные цены: $P^e = 120$, $Q^e = 60$.

(**5 баллов** за поиск равновесия. В случае арифметической ошибки любой степени сложности штраф составит 3 балла. При этом далее работа должна быть проверена с учётом арифметической ошибки)

б) ЗАГ согласится действовать как совершенный конкурент, если его прибыль при СК с фиксированной доплатой A больше, чем прибыль при монополии.

То есть: $\Pi_{СК} + A \geq \Pi_M$

(**3 балла** за выписанную идею в любом виде)

Найдем прибыль при СК (стоит использовать результаты, найденные в предыдущем пункте), а именно:

$\Pi_{СК} = TR - TC = P \cdot Q - 60Q - 0.5Q^2 = 120 \cdot 60 - 60 \cdot 60 - 0.5 \cdot (60)^2 = 0.5 \cdot 60^2 = 1800$
(**2 балла** за подсчёт прибыли)

Найдем прибыль при монополии. Для этого необходимо найти оптимальный уровень выпуска Q^* , для этого необходимо решить задачу монополиста. Её можно решить

одним из двух способов:

1. $TC = 60Q + 0.5Q^2$, следовательно $MC = TC'_Q = 60 + 2 \cdot 0.5Q^{2-1} = 60 + Q$

Выручка монополиста по определению это цена умноженная на количество: $TR = Q \cdot P(Q) = Q \cdot (180 - Q) = 180Q - Q^2$;

Тогда, предельная выручка: $MR = TR'_Q = (180Q - Q^2)' = 180 - 2Q$

Промаксимизируем прибыль с помощью правила $MR = MC$ (поскольку MR убывает по Q , MC возрастают по Q) $180 - 2Q = 60 + Q \Rightarrow Q^* = 40$. Тогда из функции спроса получим, что: $P^* = 180 - Q = 180 - 40 = 140$.

2. Максимизации прибыли и нахождения Q^*, P^* :

Прибыль монополиста имеет вид: $\Pi = TR - TC = P(Q) \cdot Q - TC = (180 - Q) \cdot Q - 60Q - 0.5 \cdot Q^2 = -1.5 \cdot Q^2 + 120Q$

Максимизировать прибыль возможно двумя способами:

2.1 Через производную: $\Pi'_Q = -1.5 \cdot 2 \cdot Q^{2-1} + 120 = -3Q + 120 = 0 \Rightarrow Q^* = 40$.

2.2 Через параболу: прибыль это парабола ветвями вниз относительно Q , следовательно оптимальное значение Q в вершине: $Q = \frac{-120}{2(-1.5)} = \frac{120}{3} = 40$

После нахождения Q , из функции спроса получим, что: $P^* = 180 - Q = 180 - 40 = 140$

(5 баллов за решение задачи монополиста любым из двух способов)

Таким образом, прибыль монополиста составит: $\Pi_M = TR - TC = P \cdot Q - TC = (180 - Q)Q - 60Q - 0.5Q^2 = (180 - 40) \cdot 40 - 60 \cdot 40 - 0.5 \cdot 40^2 = 2400$ (**2 балла** за подсчёт прибыли)

Далее, найдем размер A (фиксированной выплаты), при котором ЗАГу все равно: быть монополистом или совершенным конкурентом (тот случай, когда прибыль в СК с дотацией равны прибыли в монополии, т.е.: $\Pi_{СК} + A = \Pi_M \Rightarrow 1800 + A = 2400 \Leftrightarrow A = 600$

Это и есть минимальный размер фиксированной выплаты, при котором ЗАГу будет выгодно быть совершенным конкурентом.

(3 балла за верно найденную величину выплаты A . В случае арифметической ошибки штраф составит 1 балл)

Итого за задачу: не более 30 баллов

Максимум за часть развернутым ответом - 120 баллов

Всего за работу максимум 200 баллов.

Всероссийская олимпиада школьников 2022-2023 учебный год,
II (муниципальный) этап.

Экономика. 9-11 класс

.....
ФИО, класс

Обводите правильный ответ, в случае исправления зачеркните крестом неверный/неверные варианты ответа.

Часть 1, выберите **один** вариант ответа

Задание:	1	2	3	4	5
Ответ:	a	a	a	a	a
	b	b	b	b	b

Часть 2, выберите **один** вариант ответа

Задание:	6	7	8	9	10
Ответ:	a	a	a	a	a
	b	b	b	b	b
	c	c	c	c	c
	d	d	d	d	d

Часть 3, выберите **несколько** вариантов ответа

Задание:	11	12	13	14	15
Ответ:	a	a	a	a	a
	b	b	b	b	b
	c	c	c	c	c
	d	d	d	d	d

Часть 4, выпишите ответ, при необходимости округлите до 2-го знака

- 16
- 17
- 18
- 19
- 20

Муниципальный этап всероссийской олимпиады школьников по экономике.
Республика Татарстан. 2022-2023 учебный год.

10-11 класс

Обратите внимание, что вариант заданий состоит из двух частей. Первая – тестовая, где от вас необходимо лишь написать ответ и часть с задачи, в которой необходимо описать полный ход решения. Не забывайте распределить время на обе части.

Тестовая часть

За всю тестовую часть можно получить максимум 80 баллов.

5 вопросов типа «Верно/Неверно». Правильный ответ приносит **1 балл**.

1. Если инфляция в стране составила 5%, это означает, что все товары подорожали минимум на 5%.

(a) Верно; (b) Неверно.

2. Если государство хочет собрать больше налоговых сборов, то ему обязательно нужно поднять ставку налога.

(a) Верно; (b) Неверно.

3. Если иностранные производители автомобилей прекратят свою деятельность в некоторой стране P., то цены отечественных автомобилей скорее всего вырастут.

(a) Верно; (b) Неверно.

4. Средние издержки на производство товара могут как убывать по выпуску, так и возрастать.

(a) Верно; (b) Неверно.

5. Василий владеет автомобилем, который он может сдавать в аренду за 1000 рублей в сутки. Из этого следует, что ему выгодно сдавать автомобиль в аренду.

(a) Верно; (b) Неверно.

5 вопросов, в каждом из которых среди четырех вариантов нужно выбрать единственно верный или наиболее полный ответ. Правильный ответ приносит **3 балла**.

6. Известно, что страна Кракожия обладает абсолютным преимуществом в производстве коржиков во всём мире. Тогда, верно, что:

(a) Кракожия может произвести больше всех коржиков;

(b) Кракожия может произвести больше всех коржиков в расчёте на единицу затраченных ресурсов;

(c) Кракожия имеет наименьшие альтернативные издержки в производстве коржиков;

(d) Кракожия единственная во всём мире производит коржики.

7. Издержки некоторой фирмы в расчёте на одну произведённую единицу равняются Q . Пусть $TC(Q)$ - функция общих издержек фирмы на производство. Тогда:

(a) $TC(Q) = Q^2$;

(c) $TC(Q) = 1$;

(b) $TC(Q) = Q$;

(d) $TC(Q) = Q^2/2$.

8. Если Центральный Банк снизил ключевую ставку процента на 0.5 процентных пункта от изначального значения в 5% годовых, то на сколько процентов он ее снизил?

(a) на 0.05%;

(b) на 0.5%;

(c) на 5%;

(d) на 10%.

9. Рассмотрим рынок, на котором выполняются законы спроса и предложения. В таком случае, при введении потоварного налога на производителя в размере 10 д.е.:

(a) Цена, которую платит потребитель, вырастет на 10;

(b) Цена, которую получает в итоге производитель, уменьшится на 10;

(c) Цена, написанная на ценнике товара, вырастет на 10;

(d) Разница между ценой, которую платит потребитель и ценой, которую получает производитель, будет равна 10.

10. Страны А и Б торгуют друг с другом. В условиях закрытой экономики в стране А равновесная цена составила 5 д.е., а в стране Б – 3 д.е.. После открытия границ цена на международном рынке составила 4 д.е., а количество продукции, переехавшее через границу – 10 единиц. Выберите верные утверждения:

(a) Страна А - экспортер, Б - импортер, денежный объем экспорта 40;

(b) Страна Б - экспортер, А - импортер, денежный объем экспорта 10;

(c) Страна А - экспортер, Б - импортер, денежный объем экспорта 10;

(d) Страна Б - экспортер, А - импортер, денежный объем экспорта 40;

5 вопросов, в каждом из которых среди четырех вариантов нужно выбрать все верные. Правильным ответом считается полное совпадение выбранного множества вариантов с ключом. Правильный ответ приносит **5 баллов**.

11. Недавно в городе Анатса увеличилось число платежеспособных мигрантов из соседствующей страны, из-за чего цены на арендное жильё резко увечились. Резким ростом цены, конечно же, оказалось недовольно местное население, после чего государство решило вмешаться на рынок, чтобы стабилизировать ситуацию. Какие из следующих мер вмешательства государства скорее всего снизят цену арендного жилья в городе Анатса:

(a) Введение налога на владельцев жилья;

(b) Введение субсидий для мигрантов на аренду жилья;

(c) Введение потолка цен на аренду жилья ниже текущей цены;

(d) Ужесточение миграционного контроля.

12. Фирма-монополист, продающая булочки, несёт издержки в размере $TC = Q^2$ на производство Q булочек, при этом спрос на её продукцию задаётся функцией $Q_d = 120 - P$, где P - цена одной булочки, а Q - количество булочек, которое готовы купить производители. Тогда, если фирма максимизирует прибыль, верно что:

- (a) Оптимальный объём выпуска равен $Q = 30$;
- (b) Оптимальный объём выпуска равен $Q = 40$;
- (c) Оптимальная цена за одну булочку $P = 90$;
- (d) Оптимальная цена за одну булочку $P = 80$.

13. Васе дали задачу прооптимизировать производство на фирме, обладающей двумя заводами с издержками: $TC_1(Q_1) = Q_1^2$, $TC_2(Q_2) = 10Q_2$. После вам, как экономисту, директор предприятия дал некоторую информацию о том, как работает производство после оптимизации Васи. Какие из данных фактов помогут вам узнать, что Вася сделал работу фирмы *неэффективной*:

- (a) Первые 5 единиц Вася предложил делать только на первом заводе;
- (b) Общие издержки от производства 13 и 14 единиц продукции отличались больше, чем на 10;
- (c) При всех объемах производства, больших 10, Вася предложил делить выпуск поровну между заводами;
- (d) При производстве 15000 единиц продукции на первом заводе было произведено менее 1%.

14. Выберите верные рассуждения про Монополию:

- (a) Монополия менее эффективна для рынка, чем совершенная конкуренция, поэтому в совершенной конкуренции выше и излишек потребителя, и излишек производителя;
- (b) При субсидировании монополиста можно добиться цены ниже, чем при совершенной конкуренции;
- (c) Оптимум производства в монополии всегда достигается при пересечении предельной выручки (MR) и средних издержек (AC);
- (d) Максимальная выручка в монополии не зависит от функции издержек монополиста.

15. Пусть население страны делится на богатых и бедных, внутри группы доходы распределены равномерно, однако число людей в группах может отличаться. Доход жителя из бедной группы строго меньше дохода жителя из богатой. Какие из следующих событий могут привести к уменьшению коэффициента Джини в стране?

- (a) У группы богатых заберут половину доходов и равномерно распределят эти деньги среди бедных;
- (b) Половина богатых и половина бедных подружатся, объединят все свои деньги и распределят их равномерно между всеми подружившимися;
- (c) У группы бедных заберут половину доходов и равномерно распределят эти деньги среди богатых;
- (d) Все бедные отдадут равномерно свои доходы богатым, а все богатые отдадут равномерно свои доходы бедным.

5 вопросов, с открытым ответом. Правильный ответ приносит 7 баллов.

16. Нам известна информация о текущем положении дел у фирмы. Так, она продает свой товар по цене в 80 рублей, ее средние переменные издержки равны 50 рублей, производимое количество товара – 100 единиц, а размер фиксированных издержек – 2000 рублей. Найдите, какую прибыль получает фирма.

17. На первом поле фермер может произвести либо 100 тонн пшеницы, либо 50 тонн ржи, а на втором – 150 тонн пшеницы или 100 тонн ржи. Известно, что альтернативные издержки производства на каждом поле постоянны. Сколько пшеницы максимально сможет сделать фермер, если ему поступил заказ обязательно произвести 130 тонн ржи?

18. В некоторой стране стоимость потребительской корзины на конец 2021 года составила 4500 рублей, а на конец 2022 года составила 4905 рублей. Тогда инфляция, измеренная с помощью ИПЦ (индекса потребительских цен) за 2022 год составила (ответ укажите в процентах):

19. Полезность Доктора Ливси, зависящая от количества смеха (x) в минутах и пройденного расстояния (y) в километрах, выглядит так: $U_L = -y^2 + 100y + x$. В его распоряжении есть 107 минут, которые он может потратить на смех или прогулку. Чтобы посмеяться одну минуту ему нужна одна минута (логично). Чтобы пройти один километр, Доктору Ливси достаточно потратить 2 минуты. Найдите, сколько минут Доктор Ливси будет смеяться, если он рациональный агент и максимизирует свою полезность?

20. При производстве 10 единиц товара средние издержки составили 100 д.е., точно такие же средние издержки у фирмы и при производстве 12 единиц товара. Также известно, что одиннадцатую единицу товара стоит произвести 120 д.е. Чему равны издержки на производство двенадцатой единицы, если выпуск может быть выражен только целым числом?

Максимум за тестовую часть - 80 баллов

Задачи с развернутым ответом.

В каждой задаче вам необходимо написать полное решение и ответ

Всего за задачи вы можете получить 120 баллов, по 30 баллов за каждую задачу.

1. Молодой экономист Эльдар решил заработать на финансовом рынке. К сожалению, у Эльдара была лишь 1000р и на рынке торговалась лишь одна ценная бумага - акции компании А. Ниже в таблице приведены цены акции в разные периоды от $t = 1$, до $t = 5$. Брать в долг деньги или активы нельзя. Найдите, какое наибольшее количество денег мог бы получить Эльдар к моменту времени $t = 5$, если он мог в любой момент покупать и продавать акции.

t	1	2	3	4	5
Цена акции А	100р	120р	80р	100р	90р

2. На рынке рахат-лукума присутствует единственный производитель Лука. Спрос на его товар имеет вид $Q_D = 120 - P$, где P - цена товара, а Q - проданное количество. Переменные издержки фирмы имеют вид $VC = 20Q + Q^2$. Известно, что максимальная прибыль Луки равна 1000 ден.ед.. Найдите его постоянные издержки производства (FC).

3. Рэм живет на даче и за лето может вырастить на своем огороде картошку (y) или морковь (x), причём если Рэм произведет x килограмм картошки, то максимально он сможет произвести $y = 20 - \frac{2}{3} \cdot x$ килограмм морковки. Сара хочет купить у Рэма как можно больше суповых наборов по 100 рублей за каждый, состоящих из 1 кг картофеля и 1 кг моркови. Рэм может продать свои овощи только Саре. Сколько суповых наборов купит Сара, если Рэм производит столько овощей, сколько позволят получить ему максимальную выручку?

4. ЗАГ – единственный производитель автомобилей в стране Горковия, его издержки имеют вид: $TC = 60Q + 0.5Q^2$.

(a) (15 баллов) Найдите, какое количество автомобилей будет производить ЗАГ, если он воспринимает цену как заданную (в качестве параметра P). Иными словами, найдите предложение ЗАГа, если бы он действовал на совершенно конкурентном рынке. Найдите параметры равновесия на рынке в данном случае, если спрос имеет вид: $Q_d = 180 - P$.

(b) (15 баллов) Все же ЗАГ единственный производитель автомобилей, поэтому действует он как монополист. Найдите, за какую минимальную фиксированную выплату A от правительства Горковии ЗАГ согласится действовать как совершенный конкурент, то есть продавать свою продукцию по той же цене и в том же объёме, как и в предыдущем пункте.

Максимум за часть развернутым ответом - 120 баллов

Всего за работу максимум 200 баллов.

10-11 класс

Тестовая часть

За всю тестовую часть можно получить максимум 80 баллов.

5 вопросов типа «Верно/Неверно». Правильный ответ приносит **1 балл**.

1. Если инфляция в стране составила 5%, это означает, что все товары подорожали минимум на 5%.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: b

Комментарий: Инфляция в 5% означает, что цены в *среднем* увеличиваются на 5%. При этом они могут как уменьшиться, так и увеличиться.

2. Если государство хочет собрать больше налоговых сборов, то ему обязательно нужно поднять ставку налога.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: b

Комментарий: При повышении ставки налога происходит два эффекта. С одной стороны, растёт ставка и значит налоговые сборы растут. С другой стороны, снижается налогооблагаемая база (например, уменьшается количество на рынке; снижаются стимулы зарабатывать больше; повышаются стимулы скрывать доходы) и тем самым, налоговые сборы уменьшаются. Поэтому, как правило, при достаточно высокой ставке налога выгодно её снизить и утверждение является неверным.

3. Если иностранные производители автомобилей прекратят свою деятельность в некоторой стране P., то цены отечественных автомобилей скорее всего вырастут.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: a

Комментарий: Так как упадёт предложение автомобилей в целом, вырастет их цена. В том числе вырастет и цена на отечественные автомобили. Более того, вырастет спрос на отечественные автомобили, так как для потребителей иностранных автомобилей отечественные являются товаром заменителем. Рост спроса ведёт к росту цены.

4. Средние издержки на производство товара могут как убывать по выпуску, так и возрастать.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: a

Комментарий: Например, для функции $TC = Q^2 - 8Q + 100$ средние издержки ($AC = Q - 8 + \frac{100}{Q}$) будут иметь стандартный U-образный вид и будут иметь как возрастающий участок ($Q > 10$), так и убывающий участок ($Q < 10$).

5. Василий владеет автомобилем, который он может сдавать в аренду за 1000 рублей в сутки. Из этого следует, что ему выгодно сдавать автомобиль в аренду.

(a) Верно;

(b) Неверно.

Ответ: b

Комментарий: Василию может быть не выгодно сдавать машину в аренду, так как от пользования ей он может получать большие выгоды, чем от сдачи в аренду. Например, если Василий работает таксистом и получает 5000 рублей за смену, то, сдав машину, он не сможет выйти на работу и будет иметь отрицательную экономическую прибыль (экономическая прибыль включает в себя неявные (альтернативные) издержки, в данном случае - 5000 рублей за смену в такси).

5 вопросов, в каждом из которых среди четырех вариантов нужно выбрать единственно верный или наиболее полный ответ. Правильный ответ приносит **3 балла**.

6. Известно, что страна Кракожия обладает абсолютным преимуществом в производстве коржиков во всём мире. Тогда, верно, что:

(a) Кракожия может произвести больше всех коржиков;

(b) Кракожия может произвести больше всех коржиков в расчёте на единицу затраченных ресурсов;

(c) Кракожия имеет наименьшие альтернативные издержки в производстве коржиков;

(d) Кракожия единственная во всём мире производит коржики.

Ответ: b

Комментарий: По определению, абсолютным преимуществом в производстве того или иного товара обладает та страна, которая может произвести больше всего данного товара при том же количестве ресурсов. То есть, та страна, которая более эффективна в производстве данного товара.

7. Издержки некоторой фирмы в расчёте на одну произведённую единицу равняются Q . Пусть $TC(Q)$ - функция общих издержек фирмы на производство. Тогда:

(a) $TC(Q) = Q^2$;

(c) $TC(Q) = 1$;

(b) $TC(Q) = Q$;

(d) $TC(Q) = Q^2/2$.

Ответ: a

Комментарий: Так как средние издержки это Q , общие издержки имеют вид: $TC = Q \cdot Q = Q^2$.

8. Если Центральный Банк снизил ключевую ставку процента на 0.5 процентных пункта от изначального значения в 5% годовых, то на сколько процентов он ее снизил?

- (a) на 0.05%; (b) на 0.5%; (c) на 5%; (d) на 10%.

Ответ: d

Комментарий: 0.5 процентных пунктов составляют от 5: $0.5/5 \cdot 100\% = 10\%$.

9. Рассмотрим рынок, на котором выполняются законы спроса и предложения. В таком случае, при введении потоварного налога на производителя в размере 10 д.е.:

(a) Цена, которую платит потребитель, вырастет на 10;

(b) Цена, которую получает в итоге производитель, уменьшится на 10;

(c) Цена, написанная на ценнике товара, вырастет на 10;

(d) Разница между ценой, которую платит потребитель и ценой, которую получает производитель, будет равна 10.

Ответ: d

Комментарий: Налоговое бремя распределяется между производителем и потребителем. Поэтому при введении налога по ставке 10, цена потребителя увеличивается меньше, чем на 10, а цена производителя уменьшается меньше, чем на 10. При этом разница между ценами составляет в точности величину налога.

10. Страны А и Б торгуют друг с другом. В условиях закрытой экономики в стране А равновесная цена составила 5 д.е., а в стране Б – 3 д.е.. После открытия границ цена на международном рынке составила 4 д.е., а количество продукции, переехавшее через границу – 10 единиц. Выберите верные утверждения:

(a) Страна А - экспортер, Б - импортер, денежный объем экспорта 40;

(b) Страна Б - экспортер, А - импортер, денежный объем экспорта 10;

(c) Страна А - экспортер, Б - импортер, денежный объем экспорта 10;

(d) Страна Б - экспортер, А - импортер, денежный объем экспорта 40;

Ответ: d

Комментарий: В стране Б цена оказалась ниже, чем в стране А, следовательно, производители из страны Б захотят продавать свои товары в стране А, поэтому страна Б станет экспортером, а страна А - импортером. Для расчета денежного объема экспорта необходимо перемножить количество, пересекшее границу на цену, которая образовалась после открытия границ: $4 \cdot 10 = 40$.

5 вопросов, в каждом из которых среди четырех вариантов нужно выбрать все верные. Правильным ответом считается полное совпадение выбранного множества вариантов с ключом. Правильный ответ приносит **5 баллов**.

11. Недавно в городе Анатса увеличилось число платежеспособных мигрантов из соседствующей страны, из-за чего цены на арендное жильё резко увечились. Резким ростом цены, конечно же, оказалось недовольно местное население, после чего государство решило вмешаться на рынок, чтобы стабилизировать ситуацию. Какие из следующих мер вмешательства государства скорее всего снизят цену арендного жилья в городе Анатса:

(a) Введение налога на владельцев жилья;

- (b) Введение субсидий для мигрантов на аренду жилья;
- (c) Введение потолка цен на аренду жилья ниже текущей цены;
- (d) Ужесточение миграционного контроля.

Ответ: c, d

Комментарий: В пункте (a) налог уменьшает предложение, а значит цена увеличивается. В пункте (b) субсидия увеличивает спрос, а значит цена вырастет. Введение потолка цен в пункте (c) уменьшит цену, по которой сдают квартиры; в пункте (d) спрос уменьшается, а значит цена падает. Итого имеем верные варианты ответа (c) и (d).

12. Фирма-монополист, продающая булочки, несёт издержки в размере $TC = Q^2$ на производство Q булочек, при этом спрос на её продукцию задаётся функцией $Q_d = 120 - P$, где P - цена одной булочки, а Q - количество булочек, которое готовы купить производители. Тогда, если фирма максимизирует прибыль, верно что:

- (a) Оптимальный объём выпуска равен $Q = 30$;
- (b) Оптимальный объём выпуска равен $Q = 40$;
- (c) Оптимальная цена за одну булочку $P = 90$;
- (d) Оптимальная цена за одну булочку $P = 80$.

Ответ: a, c

Комментарий: Запишем задачу максимизации прибыли монополиста: $\pi = P \cdot Q - Q^2 = (120 - Q) \cdot Q - Q^2 = -2Q^2 + 120Q \rightarrow \max$. Это парабола с ветвями вниз, максимум достигается в вершине $Q = -120/(2(-2)) = 30$. При $Q = 30$ цена по спросу составит $P = 120 - Q = 120 - 30 = 90$. Итого, имеем верные ответы (a), (c).

13. Васе дали задачу прооптимизировать производство на фирме, обладающей двумя заводами с издержками: $TC_1(Q_1) = Q_1^2$, $TC_2(Q_2) = 10Q_2$. После вам, как экономисту, директор предприятия дал некоторую информацию о том, как работает производство после оптимизации Васи. Какие из данных фактов помогут вам узнать, что Вася сделал работу фирмы **неэффективной**:

- (a) Первые 5 единиц Вася предложил делать только на первом заводе;
- (b) Общие издержки от производства 13 и 14 единиц продукции отличались больше, чем на 10;
- (c) При всех объемах производства, больших 10, Вася предложил делить выпуск поровну между заводами;
- (d) При производстве 15000 единиц продукции на первом заводе было произведено менее 1%.

Ответ: b, c

Комментарий: Посмотрим на задачу с помощью предельных функций: $MC_1 = 2Q_1$, $MC_2 = 10$. Следовательно на первом заводе будет организовано производство до того момента, пока предельные издержки меньше чем 10, т.е. максимальное количество единиц произведенное на первом заводе будет 5. Тогда общие издержки от производства 13 и 14 единиц будут отличаться ровно на предельные издержки на втором заводе, т.е. на 10. Разделение пополам тоже будет неоптимальным, например при $Q = 15$ выгодно произвести 10 на втором заводе и 5 на первом. При производстве 15000 единиц на

первом заводе будет производиться 5, что равняется 0,05%.

14. Выберите верные рассуждения про Монополию:

(a) Монополия менее эффективна для рынка, чем совершенная конкуренция, поэтому в совершенной конкуренции выше и излишек потребителя, и излишек производителя;

(b) При субсидировании монополиста можно добиться цены ниже, чем при совершенной конкуренции;

(c) Оптимум производства в монополии всегда достигается при пересечении предельной выручки (MR) и средних издержек (AC);

(d) Максимальная выручка в монополии не зависит от функции издержек монополиста.

Ответ: b, d

Комментарий: В монополии, действительно, ниже излишек потребителя из-за более высокой цены и меньшего количества, но излишек производителя выше, так как монополист получает максимальную прибыль из всех доступных. При субсидировании, действительно, возможно формирование цены ниже равновесной в СК, т.к. даже нулевая цена возможна при определенном размере субсидирования. Оптимум производства в монополии получается из максимизации прибыли и в частном случае возрастания MC и убывания MR : оптимум будет находиться в пересечении MR и MC , но не в пересечении MR и AC . Решение задачи максимизации выручки не привязано к издержкам, т.к. выручка зависит исключительно от спроса, на котором работает монополист.

15. Пусть население страны делится на богатых и бедных, внутри группы доходы распределены равномерно, однако число людей в группах может отличаться. Доход жителя из бедной группы строго меньше дохода жителя из богатой. Какие из следующих событий могут привести к уменьшению коэффициента Джини в стране?

(a) У группы богатых заберут половину доходов и равномерно распределят эти деньги среди бедных;

(b) Половина богатых и половина бедных подружатся, объединят все свои деньги и распределят их равномерно между всеми подружившимися;

(c) У группы бедных заберут половину доходов и равномерно распределят эти деньги среди богатых;

(d) Все бедные отдадут равномерно свои доходы богатым, а все богатые отдадут равномерно свои доходы бедным.

Ответ: a, b, d

Комментарий:

1. Для каждого пункта достаточно подобрать пример или опровергнуть возможность существования. Вспомним короткую формулу для поиска Джини в случае двух групп с равномерно распределенным доходом: $G = x - y$ (доля в население бедных) - (доля их дохода).

Для пункта (a): Пусть бедные составляли 70% и имели 20% дохода. Тогда Джини был: $G = 0.7 - 0.2 = 0.5$, после перераспределение бедные составляют 70% население, но уже имеют долю дохода $20\% + (100-20)/2\% = 60\%$. Таким образом Джини составит $G = 0.7 - 0.6 = 0.1$, уменьшился.

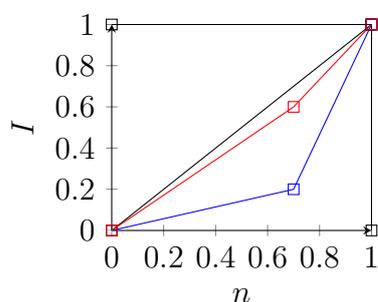
Для пункта (b): При таком перераспределении доходов необходимо провести среднюю линию в треугольнике между образованной кривой Лоренца и кривой абсолютного равенства в изначальной экономике. По графику видно, что Джини уменьшается.

Для пункта (c): Пусть доля бедного населения x , тогда их доля дохода меньше, чем x и равна y . После того, как половина дохода бедных отдается богатым, у бедных остается доход $0.5y$, тогда площадь под кривой Лоренца уменьшится, следовательно, коэффициент Джини увеличится.

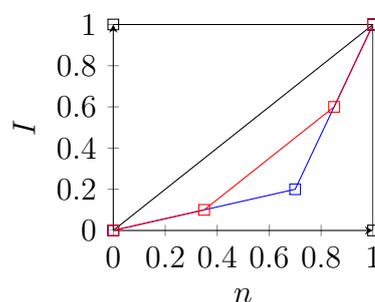
Для пункта (d): Возьмём за основу пример из пункта (a). После перераспределения доходов богатые станут бедными, тогда теперь бедные составляют 30% и их доля дохода как и была у бедных 20%. Новый Джини: $G = 0.3 - 0.2 = 0.1$, уменьшился.

Кривые Лоренца для каждого из пунктов приведены ниже. Синяя кривая - изначальная кривая Лоренца, красная - после изменений.

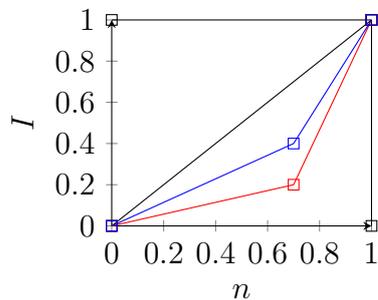
(a)



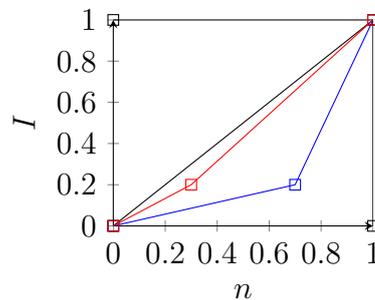
(b)



(c)



(d)



В пунктах a, b, d: Индекс Джини уменьшается, т.к. площадь под кривой Лоренца увеличивается

5 вопросов, с открытым ответом. Правильный ответ приносит **7 баллов**.

16. Нам известна информация о текущем положении дел у фирмы. Так, она продает свой товар по цене в 80 рублей, ее средние переменные издержки равны 50 рублей, производимое количество товара – 100 единиц, а размер фиксированных издержек – 2000 рублей. Найдите, какую прибыль получает фирма.

Ответ: 1000

Комментарий: Найдём выручку фирмы: $TR = P \cdot Q = 80 \cdot 100 = 8000$. Теперь найдём переменные издержки фирмы: $VC = AVC \cdot Q = 50 \cdot 100 = 5000$. Из условия даны фиксированные издержки $FC = 2000$. Запишем нашу прибыль как выручка

минус все издержки: $\Pi = TR - VC - FC = 8000 - 5000 - 2000 = 1000$

17. На первом поле фермер может произвести либо 100 тонн пшеницы, либо 50 тонн ржи, а на втором – 150 тонн пшеницы или 100 тонн ржи. Известно, что альтернативные издержки производства на каждом поле постоянны. Сколько пшеницы максимально сможет сделать фермер, если ему поступил заказ обязательно произвести 130 тонн ржи?

Ответ: 40

Комментарий: Найдем альтернативные издержки производства ржи на полях. На первом поле это $100/50=2$, а на втором: $150/100=1.5$. Получается, что рожь делать выгодно на втором поле. В таком случае, так как нам нужно сделать больше 100 единиц ржи, мы полностью будем использовать второе поле для ее производства. Тогда нам останется сделать 30 единиц ржи на первом поле, и для этого придется отказаться от производства $30 \cdot 2 = 60$ единиц пшеницы от максимального ее количества (умножили количество ржи на ее альтернативные издержки). Останется для производства в таком случае $100-60=40$ единиц.

18. В некоторой стране стоимость потребительской корзины на конец 2021 года составила 4500 рублей, а на конец 2022 года составила 4905 рублей. Тогда инфляция, измеренная с помощью ИПЦ (индекса потребительских цен) за 2022 год составила (ответ укажите в процентах):

Ответ: 9% или 9

Комментарий: Инфляция рассчитывается как прирост стоимости корзины в процентах. В данном случае прирост составил: $(4905-4500)/4500 \cdot 100\% = 9\%$.

19. Полезность Доктора Ливси, зависящая от количества смеха (x) в минутах и пройденного расстояния (y) в километрах, выглядит так: $U_L = -y^2 + 100y + x$. В его распоряжении есть 107 минут, которые он может потратить на смех или прогулку. Чтобы посмеяться одну минуту ему нужна одна минута (логично). Чтобы пройти один километр, Доктору Ливси достаточно потратить 2 минуты. Найдите, сколько минут Доктор Ливси будет смеяться, если он рациональный агент и максимизирует свою полезность?

Ответ: 9

Комментарий:

1. Запишем временное ограничение Доктора Ливси: $T = 107 \geq x + 2y$. Заметим, что полезность Доктора монотонно возрастает по количеству смеха, а, значит, Доктор Ливси будет тратить весь свой запас времени, значит временное ограничение выглядит так: $107 = x + 2y$

2. Выразим x из временного ограничения, подставим в полезность и промаксимизируем полезность по километрам: $x = 107 - 2y$, $U_L = -y^2 + 100y + 107 - 2y = -y^2 + 98y + 107$. Заметим, что это парабола ветвями вниз относительно километров, максимум находится в вершине параболы, тогда $y^* = \frac{98}{2} = 49$. Тогда $x^* = 107 - 2 \cdot 49 = 107 - 98 = 9$

20. При производстве 10 единиц товара средние издержки составили 100 д.е., точно такие же средние издержки у фирмы и при производстве 12 единиц товара. Также известно, что одиннадцатую единицу товара стоит произвести 120 д.е. Чему равны издержки на производство двенадцатой единицы, если выпуск может быть выражен только целым числом?

Ответ: 80

Комментарий: Рассчитаем общие издержки на производство 10 единиц товара: $10 \cdot 100 = 1000$. Таким же образом получаем, что общие издержки для производства 12 единиц товара равны $12 \cdot 100 = 1200$. Значит, чтобы произвести 11 и 12 единицы, фирма потратит $1200 - 1000 = 200$ рублей. Так как 11 единицу стоит произвести 120 рублей, то 12 единицу стоит произвести оставшуюся сумму: $200 - 120 = 80$ рублей.

Максимум за тестовую часть - 80 баллов

Задачи с развернутым ответом.

В каждой задаче вам необходимо написать полное решение и ответ

Всего за задачи вы можете получить 120 баллов, по 30 баллов за каждую задачу.

1. Молодой экономист Эльдар решил заработать на финансовом рынке. К сожалению, у Эльдара была лишь 1000р и на рынке торговалась лишь одна ценная бумага - акции компании А. Ниже в таблице приведены цены акции в разные периоды от $t = 1$, до $t = 5$. Брать в долг деньги или активы нельзя. Найдите, какое наибольшее количество денег мог бы получить Эльдар к моменту времени $t = 5$, если он мог в любой момент покупать и продавать акции.

t	1	2	3	4	5
Цена акции А	100р	120р	80р	100р	90р

Ответ: 1500

Решение: Эльдару выгодно покупать акции перед тем, как они вырастут в цене и продавать перед тем, как они упадут в цене. (**8 баллов** за сформулированную идею).

В данном случае акция растёт при переходе от 1ого периода ко 2ому (от 100 до 120) и от 3его к 4ому (от 80 до 100). Тогда Эльдар будет покупать акции в 1ом и 3ем периоде. (**по 3 баллов** за сформулированную идею о периодах в которых будет покупать. Всего 6 баллов.).

При этом при переходе от 2ого к 3ему, как и от 4ого к 5ому цена падает. Тогда Эльдар будет продавать акции во 2ом и 4ом периоде. (**по 3 баллов** за сформулированную идею о периодах в которых будет продавать. Всего 6 баллов.).

(1) Тогда, купив в первом периоде, он будет иметь $1000/100=10$ акций.

(2) Продав их во втором периоде, он получит $10*120=1200$ р.

(3) Далее, купив акции по 80р в 3ем периоде, он будет иметь $1200/80=15$ акций.

(4) Продав акции в 4ом периоде, он будет иметь $15*100=1500$ р.

(**10 баллов** за расчёт верного ответа. В случае арифметической ошибки в одном из шагов 1-4 школьник получает штраф в 2 балла и далее решение проверяется с учётом ошибки. Например, если, допустив ошибку, на (3) шаге школьник получил 13 вместо 15, а далее на 4ом шаге получил $13*100=1300$ он теряет всего 2 балла от этих 10.)

Итого за задачу: не более 30 баллов

2. На рынке рахат-лукума присутствует единственный производитель Лука. Спрос на его товар имеет вид $Q_D = 120 - P$, где P - цена товара, а Q - проданное количество. Переменные издержки фирмы имеют вид $VC = 20Q + Q^2$. Известно, что максимальная прибыль Луки равна 1000 ден.ед.. Найдите его постоянные издержки производства (FC).

Ответ: 250

Вариант решения №1: $TC = VC + FC = 20Q + Q^2 + FC$, следовательно $MC = TC'_Q = 20 + 2Q$ (**6 баллов** за нахождение MC).

Выручка монополиста по определению это цена, умноженная на количество: $TR = Q \cdot P(Q) = Q \cdot (120 - Q) = 120Q - Q^2$, Тогда, предельная выручка: $MR = TR'_Q =$

$$(120Q - Q^2)' = 120 - 2Q \text{ (6 баллов за нахождение } MR)$$

Промаксимизируем прибыль с помощью правила $MR = MC$ (поскольку MR убывает по Q , MC возрастают по Q) $120 - 2Q = 20 + 2Q \Rightarrow Q^* = 25$ (4 балла за поиск оптимального количества). Тогда из функции спроса получим, что: $P^* = 120 - Q = 120 - 25 = 95$ (4 балла за нахождение оптимальной цены).

Таким образом, прибыль монополиста составит: $\Pi = TR - TC = P \cdot Q - VC - FC = (120 - Q)Q - 20Q - Q^2 - FC = (120 - 25) * 25 - 20 \cdot 25 - 25^2 - FC = 1250 - FC$ (6 баллов за нахождение прибыли как функции от FC)

Поскольку прибыль по условию равна 1000 ден.ед., имеем: $1250 - FC = 1000$, то есть $FC = 1250 - 1000 = 250$ (4 балла за нахождение верного ответа)

Вариант решения №2: (Максимизации прибыли и нахождения Q^*, P^*):

Прибыль монополиста имеет вид: $\Pi = TR - TC = P(Q) \cdot Q - VC - FC = (120 - Q) \cdot Q - 20Q - Q^2 - FC = -2Q^2 + 100Q - FC$ (6 баллов за нахождение функции прибыли)

Максимизировать прибыль возможно двумя способами:

1. Через производную: $\Pi'_Q = -2 * 2 * Q^{2-1} + 100 = -4Q + 100 = 0 \Rightarrow Q^* = 25$.

2. Через параболу: прибыль это парабола ветвями вниз относительно Q , следовательно оптимальное значение Q в вершине: $Q = \frac{-100}{2(-2)} = \frac{100}{4} = 25$

(10 баллов за нахождение оптимального количества любым из способов. В случае отсутствия доказательства максимума - штраф в 2 балла (для способа через параболы это указание на то что парабола ветвями вниз; для способа через производные - указание на метод интервалов или вторю производную). В случае арифметической ошибки - штраф в 2 балла)

После нахождения Q , из функции спроса получим, что: $P^* = 120 - Q = 120 - 25 = 95$ (4 балла за нахождение оптимальной цены, если она дальше используется. Также прибыль можно получить и без подсчета цены, подставив оптимальное количество $Q^* = 25$ в изначальную функцию прибыли $\Pi = -2Q^2 + 100Q - FC$, в этом случае 4 балла ставятся автоматически).

Таким образом, прибыль монополиста составит: $\Pi = TR - TC = P \cdot Q - VC - FC = (120 - Q)Q - 20Q - Q^2 - FC = (120 - 25) * 25 - 20 \cdot 25 - 25^2 - FC = 1250 - FC$ (6 баллов за нахождение прибыли как функции от FC)

Поскольку прибыль по условию равна 1000 ден.ед., имеем: $1250 - FC = 1000$, то есть $FC = 1250 - 1000 = 250$ (4 балла за нахождение верного ответа).

Обратите внимание! Возможны и другие варианты решений, например, через нахождение разницы интегралов функций MR и MC . В таком случае работа должна быть оценена по схожим критериям.

Итого за задачу: не более 30 баллов

3. Рэм живет на даче и за лето может вырастить на своем огороде картошку (y) или морковь (x), причём если Рэм произведет x килограмм картошки, то максимально он сможет произвести $y = 20 - \frac{2}{3} \cdot x$ килограмм морковки. Сара хочет купить у Рэма как можно больше суповых наборов по 100 рублей за каждый, состоящих из 1 кг картофеля и 1 кг моркови. Рэм может продать свои овощи только Саре. Сколько суповых наборов купит Сара, если Рэм производит столько овощей, сколько позволят получить ему максимальную выручку?

Ответ: 12

Вариант решения №1:

Обратите внимание, что школьник может как оперировать терминами КПВ и кривая комплектов при решении, так и заменять их на другие, известные ему, или даже придумывать свои обозначения. Суть и содержание решения при этом не должны меняться.

1) Запишем кривую комплектов, которая будет показывать соотношение y и x , которое необходимо для одного комплекта: кол-во комплектов $k = y = x$ (**12 балла** за кривую комплектов)

2) Максимизируя выручку, Рэм хочет продать как можно больше суповых наборов. Тогда всё, что он произведет, будет состоять в комплекте. Значит, искомое x и y будет одновременно лежать на КПВ и соответствовать кривой комплектов. Тогда имеем:

$$\begin{cases} y = 20 - \frac{2}{3} \cdot x & (1) \\ y = x & (2) \end{cases}$$

Подставив (2) в (1) имеем: $y = 20 - \frac{2}{3} \cdot x = x \Rightarrow 60 = 5x \Rightarrow x = 12$. (**15 баллов** за идею приравнять КПВ и кривую комплектов и нахождение x . В случае, если школьник на этом этапе допустил арифметическую ошибку - он теряет 4 балла.)

3) Так как $x = 12$, то из кривой комплектов в оптимуме будет продано 12 комплектов. (**3 балла** за переход к оптимальному количеству комплектов и верный ответ)

Вариант решения №2:

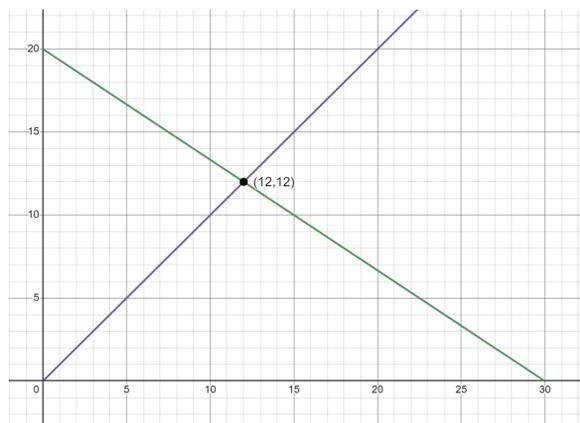
Действия из варианта решения №1 можно отобразить на графике. В данном случае критерии оценивания:

За изображения кривой комплектов ($y = x$) и графическое изображения кривой производственных возможностей производства Рэма. (**12 баллов**)

Идею того, что графически надо найти точку пересечения КПВ и кривой комплектов (**15 баллов** за идею приравнять КПВ и кривую комплектов и нахождение x . В случае, если школьник на этом этапе допустил арифметическую ошибку - он теряет 4 балла)

За нахождение правильного ответа. (**3 балла** за верно найденный ответ).

Обратите внимание, что оси на графике могут быть поменяны местами (на усмотрение школьника).



Итого за задачу: не более 30 баллов

4. ЗАГ – единственный производитель автомобилей в стране Горковия, его издержки имеют вид: $TC = 60Q + 0.5Q^2$.

(а) (15 баллов) Найдите, какое количество автомобилей будет производить ЗАГ, если он воспринимает цену как заданную (в качестве параметра P). Иными словами, найдите предложение ЗАГа, если бы он действовал на совершенно конкурентном рынке. Найдите параметры равновесия на рынке в данном случае, если спрос имеет вид: $Q_d = 180 - P$.

(б) (15 баллов) Все же ЗАГ единственный производитель автомобилей, поэтому действует он как монополист. Найдите, за какую минимальную фиксированную выплату A от правительства Горковии ЗАГ согласится действовать как совершенный конкурент, то есть продавать свою продукцию по той же цене и в том же объёме, как и в предыдущем пункте.

Ответ: а - $P^e = 120$, $Q^e = 60$; б - 600

Решение:

а) Для начала необходимо найти функцию предложения.

Вариант решения №1:

По определению, функция предложения совпадает с возрастающим участком MC выше AVC_{min} . (3 балла за выписанное определение предложения, достаточно указать на возрастание MC)

Комментарий: в случае если в работе указано AC_{min} вместо AVC_{min} утверждение тоже является корректным, так как в данном случае функции AC и AVC совпадают.

$TC = 60Q + 0.5Q^2 \Rightarrow MC = TC' = (60Q + 0.5Q^2)' = 60 + Q$ (3 балла за нахождения функции MC)

$AVC = \frac{VC}{Q} = \frac{TC - FC}{Q} = \frac{TC - TC(0)}{Q} = 60 + 0.5Q$ - функция возрастает по Q , минимум в $Q = 0 \Rightarrow$

$AVC_{min} = 60 + 0.5 \cdot 0 = 60$ (1 балл за нахождение AVC_{min})

Предложение: $P_s = 60 + Q$ ($P \geq 60$); другой вариант записи предложения:

$Q_s = P - 60$ (в таком случае обязательно нужно указывать, что $P \geq 60$) и $Q = 0$ при $P \leq 60$

(3 балла за верно выписанную функцию предложения, в случае отсутствия огра-

ничения на $P \geq 60$ штраф составляет 1 балл)

После нахождения функции предложения:

Найдем равновесие на рынке СК (совершенной конкуренции), если предложение имеет вид: $Q_s = P - 60$ ($P \geq 60$), а спрос: $Q_d = 180 - P$ (из условия).

Приравниваем количество спроса к количеству предложения:

$$Q_s = Q_d \Leftrightarrow P - 60 = 180 - P \Rightarrow P^e = 120$$

Подставляя найденную равновесную цену в спрос или предложение, найдем: $Q^e = Q_s = Q_d = 180 - 120 = 60$

Равновесие можно было найти и другим способом - через приравнивание обратной функции спроса к обратной функции предложения:

Обратная функция спроса: $P_d = 180 - Q$ (выразили P через Q из функции спроса $Q_d = 180 - P$)

Обратная функция предложения: $P_s = 60 + Q$ (выразили P через Q из функции предложения $Q_s = P - 60$)

Приравниваем цену спроса к цене предложения

$$P_s = P_d \Leftrightarrow Q + 60 = 180 - Q \Rightarrow Q^e = 60$$

Подставляя найденное равновесное количество в спрос или предложение, найдем: $P^e = P_s = P_d = 60 + 60 = 180 - 60 = 120$.

Итого, в любом из вариантов имеем равновесные цены: $P^e = 120$, $Q^e = 60$.

(5 баллов за поиск равновесия. В случае арифметической ошибки любой степени сложности штраф составит 3 балла. При этом далее работа должна быть проверена с учётом арифметической ошибки)

Вариант решения №2:

Через максимизацию прибыли:

Прибыль производителя имеет вид: $\Pi = TR - TC = P \cdot Q - 60Q - 0.5Q^2 = (P - 60) \cdot Q - 0.5Q^2$.

Когда продавец воспринимает цену как заданную, он максимизирует прибыль с параметром P - не подставляя вместо P функцию спроса.

(3 балла за верно сформулированную идею максимизации функции прибыли)

Далее максимизировать прибыль возможно двумя способами:

1. Через производную:

$$\Pi'_Q = ((P - 60) \cdot Q - 0.5Q^2)' = (P - 60) - 2 \cdot 0.5 \cdot Q^{2-1} = P - 60 - Q = 0 \Rightarrow Q^* = P - 60.$$

2. Через параболу: прибыль это парабола ветвями вниз относительно Q , следовательно оптимальное значение Q в вершине:

$$Q^* = \frac{-(P-60)}{2 \cdot (-0.5)} = \frac{P-60}{1} = P - 60$$

(3 балла за верно найденное оптимальное количество)

Поскольку $Q \leq 0$, если $P \leq 60$, а отрицательное количество противоречит экономической интуиции, то $Q = P - 60$ при $P > 60$ и $Q = 0$ при $P \leq 60$ (**1 балл** за упоминание ограничения)

Предложение: $P_s = 60 + Q$ ($P \geq 60$) другой вариант записи предложения: $Q_s = P - 60$ (в таком случае обязательно нужно указывать, что $P \geq 60$) и $Q = 0$ при $P \leq 60$

(**3 балла** за верно выписанную функцию предложения, в случае отсутствия ограничения на $P \geq 60$ штраф составляет 1 балл)

После нахождения функции предложения:

Найдем равновесие на рынке СК (совершенной конкуренции), если предложение имеет вид: $Q_s = P - 60$ ($P \geq 60$), а спрос: $Q_d = 180 - P$ (из условия).

Приравниваем количество спроса к количеству предложения:

$$Q_s = Q_d \Leftrightarrow P - 60 = 180 - P \Rightarrow P^e = 120$$

Подставляя найденную равновесную цену в спрос или предложение, найдем: $Q^e = Q_s = Q_d = 180 - 120 = 60$

Равновесие можно было найти и другим способом - через приравнивание обратной функции спроса к обратной функции предложения:

Обратная функция спроса: $P_d = 180 - Q$ (выразили P через Q из функции спроса $Q_d = 180 - P$)

Обратная функция предложения: $P_s = 60 + Q$ (выразили P через Q из функции предложения $Q_s = P - 60$)

Приравниваем цену спроса к цене предложения

$$P_s = P_d \Leftrightarrow Q + 60 = 180 - Q \Rightarrow Q^e = 60$$

Подставляя найденное равновесное количество в спрос или предложение, найдем: $P^e = P_s = P_d = 60 + 60 = 180 - 60 = 120$.

Итого, в любом из вариантов имеем равновесные цены: $P^e = 120$, $Q^e = 60$.

(**5 баллов** за поиск равновесия. В случае арифметической ошибки любой степени сложности штраф составит 3 балла. При этом далее работа должна быть проверена с учётом арифметической ошибки)

б) Ответ: $A = 600$

ЗАГ согласится действовать как совершенный конкурент, если его прибыль при СК с фиксированной доплатой A больше, чем прибыль при монополии.

То есть: $\Pi_{СК} + A \geq \Pi_M$

(**3 балла** за выписанную идею в любом виде)

Найдем прибыль при СК (стоит использовать результаты, найденные в предыдущем пункте), а именно:

$\Pi_{СК} = TR - TC = P \cdot Q - 60Q - 0.5Q^2 = 120 \cdot 60 - 60 \cdot 60 - 0.5 \cdot (60)^2 = 0.5 \cdot 60^2 = 1800$
(**2 балла** за подсчёт прибыли)

Найдем прибыль при монополии. Для этого необходимо найти оптимальный уровень выпуска Q^* , для этого необходимо решить задачу монополиста. Её можно решить одним из двух способов:

1. $TC = 60Q + 0.5Q^2$, следовательно $MC = TC'_Q = 60 + 2 \cdot 0.5Q^{2-1} = 60 + Q$

Выручка монополиста по определению это цена умноженная на количество: $TR = Q \cdot P(Q) = Q \cdot (180 - Q) = 180Q - Q^2$;

Тогда, предельная выручка: $MR = TR'_Q = (180Q - Q^2)' = 180 - 2Q$

Промаксимизируем прибыль с помощью правила $MR = MC$ (поскольку MR убывает по Q , MC возрастают по Q) $180 - 2Q = 60 + Q \Rightarrow Q^* = 40$. Тогда из функции спроса получим, что: $P^* = 180 - Q = 180 - 40 = 140$.

Таким образом, прибыль монополиста составит: $\Pi_M = TR - TC = P \cdot Q - TC = (180 - Q)Q - 60Q - 0.5Q^2 = (180 - 40) \cdot 40 - 60 \cdot 40 - 0.5 \cdot 40^2 = 2400$

2. Максимизации прибыли и нахождения Q^*, P^* :

Прибыль монополиста имеет вид: $\Pi = TR - TC = P(Q) \cdot Q - TC = (180 - Q) \cdot Q - 60Q - 0.5 \cdot Q^2 = -1.5 \cdot Q^2 + 120Q$

Максимизировать прибыль возможно двумя способами:

2.1 Через производную: $\Pi'_Q = -1.5 \cdot 2 \cdot Q^{2-1} + 120 = -3Q + 120 = 0 \Rightarrow Q^* = 40$.

2.2 Через параболу: прибыль это парабола ветвями вниз относительно Q , следовательно оптимальное значение Q в вершине: $Q = \frac{-120}{2(-1.5)} = \frac{120}{3} = 40$

После нахождения Q , из функции спроса получим, что: $P^* = 180 - Q = 180 - 40 = 140$

(5 баллов за решение задачи монополиста любым из двух способов)

Таким образом, прибыль монополиста составит: $\Pi_M = TR - TC = P \cdot Q - TC = (180 - Q)Q - 60Q - 0.5Q^2 = (180 - 40) \cdot 40 - 60 \cdot 40 - 0.5 \cdot 40^2 = 2400$ (**2 балла** за подсчёт прибыли)

Далее, найдем размер A (фиксированной выплаты), при котором ЗАГу все равно: быть монополистом или совершенным конкурентом (тот случай, когда прибыль в СК с дотацией равны прибыли в монополии, т.е.: $\Pi_{СК} + A = \Pi_M \Rightarrow 1800 + A = 2400 \Leftrightarrow A = 600$

Это и есть минимальный размер фиксированной выплаты, при котором ЗАГу будет выгодно быть совершенным конкурентом.

(3 балла за верно найденную величину выплаты A . В случае арифметической ошибки штраф составит 1 балл)

Итого за задачу: не более 30 баллов

Максимум за часть развернутым ответом - 120 баллов

Всего за работу максимум 200 баллов.